

# Universidad de la Salud (UDS) – Super Nota

**Alumno(a):** Lucero Inés Becerril Rojas

**Materia:** Submódulo II

**Docente:** Maria José Hernández Méndez

**Fecha:** 14 de octubre de 2025

## Desarrollo de la actividad – Problemas resueltos (detallado)

### 1) Polígono A(-8,3), B(-1,5), C(7,-1), D(-2,-6)

Área (shoelace): se calcula sumando  $x_i \cdot y_{i+1} - x_{i+1} \cdot y_i$  y dividiendo entre 2. Desarrollo:

$$(-8) \cdot (5) - (-1) \cdot (3) = -37$$

$$(-1) \cdot (-1) - (7) \cdot (5) = -34$$

$$(7) \cdot (-6) - (-2) \cdot (-1) = -44$$

$$(-2) \cdot (3) - (-8) \cdot (-6) = -54$$

Suma = -169. Área =  $| \text{Suma} | / 2 = 84.5$

Cálculo de lados (distancias):

$$\text{Lado 1 } ((-8, 3) \rightarrow (-1, 5)): \text{ distancia} = 7.2801$$

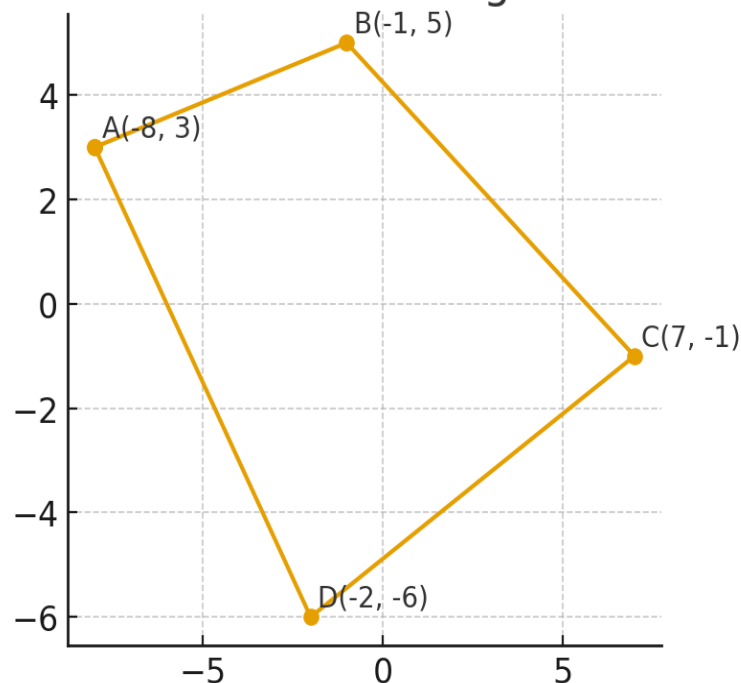
$$\text{Lado 2 } ((-1, 5) \rightarrow (7, -1)): \text{ distancia} = 10.0000$$

$$\text{Lado 3 } ((7, -1) \rightarrow (-2, -6)): \text{ distancia} = 10.2956$$

$$\text{Lado 4 } ((-2, -6) \rightarrow (-8, 3)): \text{ distancia} = 10.8167$$

Perímetro = 38.3924. Semiperímetro = 19.1962

### Problema 1: Polígono



## 2) Triángulo A(-1,5), B(-4,-6), C(-8,-2) — puntos medios

Puntos medios:  $M_{AB}=(-2.5, -0.5)$ ,  $M_{BC}=(-6.0, -4.0)$ ,  $M_{CA}=(-4.5, 1.5)$

Se calculan las áreas de los cuatro triángulos formados:

$$T1 (A, M_{AB}, M_{CA}) = 7.0000$$

$$T2 (B, M_{AB}, M_{BC}) = 7.0000$$

$$T3 (C, M_{BC}, M_{CA}) = 7.0000$$

$$T4 (M_{AB}, M_{BC}, M_{CA}) = 7.0000$$

Todas las áreas resultan iguales  $\rightarrow$  propiedad demostrada.

## 3) Triángulo con A(3,1), B(1,-3) y C=(0,y) en eje Y; área=3

Usamos la fórmula por determinante:  $(1/2)|x_1(y_2-y_3)+x_2(y_3-y_1)+x_3(y_1-y_2)| = 3$

Sustituyendo  $x_3=0$  y simplificando, resolvemos para y (considerando  $\pm 3$  por valor absoluto). Se obtienen soluciones:

$$y = -8 \text{ ó } y = -2$$

Por tanto  $C = (0,-8)$  o  $C = (0,-2)$ .

## 4) Triángulo A(0,0), B(1,2), C(3,-4)

Área por determinante (shoelace):

$$\text{Área calculada} = 28.0000 \text{ unidades}^2$$

Cálculo de lados:

$$a = BC = 5.6569$$

$$b = AC = 9.8995$$

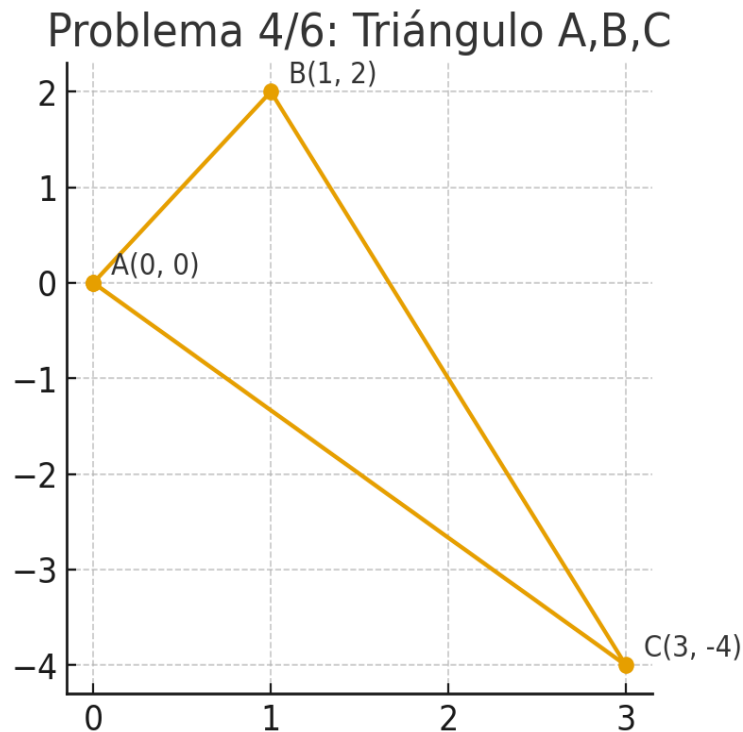
$$c = AB = 11.4018$$

Aplicando fórmula de Herón:

$$s = (a+b+c)/2 = 13.4791$$

$$A = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)} = 28.0000$$

Coincide con el área por determinant (ver arriba).



**5) Polígono A(-3,3), B(4,2), C(7,7), D(-1,6)**

Área por shoelace y cálculo de lados:

$$-3 \cdot 2 - 4 \cdot 3 = -18$$

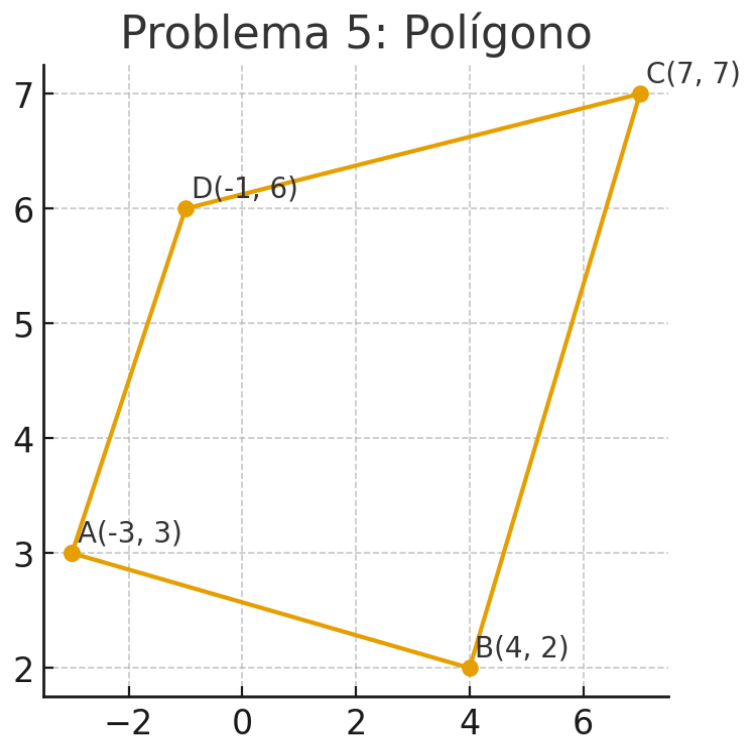
$$4 \cdot 7 - 7 \cdot 2 = 14$$

$$7 \cdot 6 - (-1) \cdot 7 = 49$$

$$-1 \cdot 3 - (-3) \cdot 6 = 15$$

Suma = 60. Área =  $| \text{Suma} | / 2 = 30.0$

Perímetro = 24.5698. Semiperímetro = 12.2849



**6) (Repetición) Triángulo A(0,0), B(1,2), C(3,-4)**

Área y comprobación por Herón ya presentadas en el problema 4.

**7) Demostrar paralelogramo por pendientes**

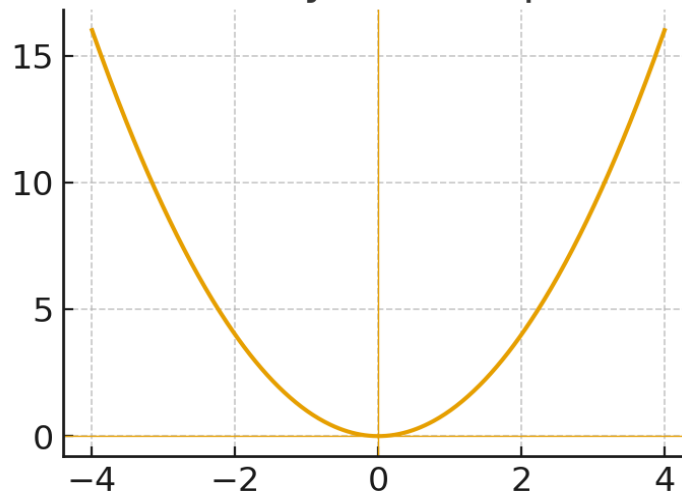
$$m_{AB} = 0.1250, m_{BC} = -3.5000, m_{CD} = 0.1250, m_{DA} = -3.5000$$

Se observa que  $m_{AB} = m_{CD}$  y  $m_{BC} = m_{DA}$ ; así los lados opuestos son paralelos → paralelogramo.

**8)  $y = x^2$  (parábola)**

Intersecciones: (0,0). Simetría respecto al eje Y. Gráfica abajo.

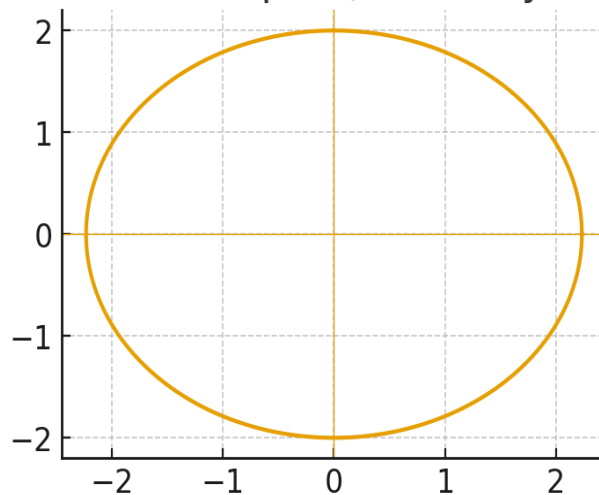
Problema 8:  $y = x^2$  (parábola)



**9)  $4x^2 + 5y^2 - 20 = 0$  (elipse)**

Forma canónica:  $x^2/5 + y^2/4 = 1$ . Intersecciones:  $(\pm\sqrt{5}, 0)$  y  $(0, \pm 2)$ .

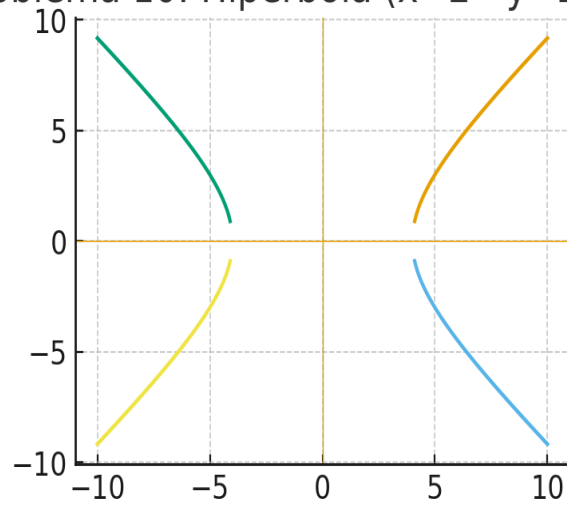
Problema 9: Elipse ( $4x^2 + 5y^2 = 20$ )



**10)  $x^2 - y^2 = 16$  (hipérbola)**

Interceptos en X:  $(\pm 4, 0)$ . No corta eje Y. Gráfica abajo.

Problema 10: Hipérbola ( $x^2 - y^2 = 16$ )



Observación: Si deseas que reemplazemos el símbolo de la moneda por el símbolo de la moneda, también puedes elegir el símbolo de la moneda y el símbolo de la moneda.