



UDS

Mi Universidad

***NOMBRE DEL ALUMNO:
ADRIAN OSWALDO LUIS HAU***

***TEMAS: CONCEPTOS
BÁSICOS DE FACTORIZACIÓN
Y LÍMITES: SU IMPORTANCIA Y
APLICACIÓN EN
BIOMATEMÁTICAS.***

***PARCIAL 1: BIOMATEMÁTICAS
CATEDRÁTICO : QFB. ENDER
FABIAN TOLEDO ALCAZAR***

***LICENCIATURA: MEDICINA
HUMANA***

GRADO : 2DO SEMESTRE

SUPER NOTA.

CONCEPTOS BÁSICOS DE FACTORIZACIÓN Y LÍMITES

ETAPAS DEL PROYECTO

. FACTORIZACIÓN :
LA FACTORIZACIÓN ES EL PROCESO DE DESCOMPONER UN NÚMERO O UNA EXPRESIÓN ALGEBRAICA EN FACTORES MÁS SIMPLES QUE, AL MULTIPLICARSE ENTRE SÍ, DEN COMO RESULTADO EL NÚMERO O LA EXPRESIÓN ORIGINAL.

A. FACTORIZACIÓN DE NÚMEROS
POR EJEMPLO, PARA EL NÚMERO 12, PODEMOS DESCOMPONERLO EN SUS FACTORES PRIMOS:
 $12 = 2 \times 2 \times 3$
ESTO SIGNIFICA QUE 12 SE PUEDE FACTORIZAR COMO EL PRODUCTO DE LOS NÚMEROS PRIMOS 2 Y 3.

B. FACTORIZACIÓN DE POLINOMIOS
CUANDO TRABAJAMOS CON POLINOMIOS, LA FACTORIZACIÓN CONSISTE EN ESCRIBIR EL POLINOMIO COMO EL PRODUCTO DE FACTORES MÁS SIMPLES. AQUÍ TE DOY ALGUNOS EJEMPLOS DE CÓMO HACERLO:

EJEMPLO 1:
FACTORIZACIÓN DE UN TRINOMIO CUADRADO PERFECTO

$$X^2+6X+9$$

OBSERVAMOS QUE EL PRIMER TÉRMINO ES UN CUADRADO PERFECTO (X^2), Y EL ÚLTIMO ES TAMBIÉN UN CUADRADO PERFECTO ($9=3^2=3^2$).

ADEMÁS, EL DOBLE PRODUCTO DEL PRIMER TÉRMINO Y EL SEGUNDO TÉRMINO ($2 \times X \times 3 = 6X$) COINCIDE CON EL TÉRMINO DEL MEDIO.

ENTONCES, LA FACTORIZACIÓN ES:
 $X^2+6X+9=(X+3)(X+3)=(X+3)^2$

EJEMPLO 2: FACTORIZACIÓN POR AGRUPACIÓN

$X^2+5X+2X+10$
AGRUPAMOS LOS TÉRMINOS DE DOS EN DOS:

$$(X^2+5X)+(2X+10)$$

FACTORIZAMOS CADA GRUPO:

$X(X+5)+2(X+5)$
AHORA, VEMOS QUE AMBOS GRUPOS

TIENEN EL FACTOR COMÚN $X+5$, ASÍ

QUE LO FACTORIZAMOS:
 $(X+5)(X+2)$

2. LÍMITES

LOS LÍMITES SON UN CONCEPTO FUNDAMENTAL EN EL CÁLCULO QUE NOS AYUDA A ENTENDER EL COMPORTAMIENTO DE UNA FUNCIÓN A MEDIDA QUE SE ACERCA A UN VALOR ESPECÍFICO. LOS LÍMITES SE UTILIZAN, POR EJEMPLO, PARA DEFINIR LA DERIVADA Y LA INTEGRAL DE UNA FUNCIÓN.

A. DEFINICIÓN DE LÍMITE

EL LÍMITE DE UNA FUNCIÓN $f(x)$ CUANDO x SE ACERCA A UN VALOR a ES EL VALOR AL QUE SE ACERCA $f(x)$ CUANDO x SE ACERCA A a .

SE ESCRIBE COMO:

$$\lim_{x \rightarrow a} f(x) = L$$

ESTO SIGNIFICA QUE, A MEDIDA QUE x SE ACERCA A a , LA FUNCIÓN $f(x)$ SE ACERCA A L .

B. CÁLCULO DE LÍMITES

LÍMITE DIRECTO: SI LA FUNCIÓN ES CONTINUA EN EL PUNTO AL QUE SE ACERCA x , SIMPLEMENTE SUSTITUIMOS EL VALOR DE x EN LA FUNCIÓN.

$$\lim_{x \rightarrow 2} (3x + 1)$$

Sustituimos $x = 2$:

$$3(2) + 1 = 7$$

Por lo tanto, el límite es:

$$\lim_{x \rightarrow 2} (3x + 1) = 7$$

LÍMITE CUANDO HAY UNA INDETERMINACIÓN (COMO $0/0$): SI AL SUSTITUIR EL VALOR DE x EN LA FUNCIÓN OBTENEMOS UNA FORMA INDETERMINADA, COMO $0/0$, ENTONCES NECESITAMOS USAR OTRAS TÉCNICAS, COMO LA SIMPLIFICACIÓN DE LA EXPRESIÓN O LA REGLA DE L'HOPITAL.

Ejemplo 2:

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 1}{x - 1}$$

Sustituimos $x = 1$ y obtenemos una indeterminación $0/0$. Entonces, factorizamos el numerador:

$$x^2 - 1 = (x - 1)(x + 1)$$

La expresión se convierte en:

$$\frac{(x - 1)(x + 1)}{x - 1}$$

Cancelamos el factor $x - 1$ (si $x \neq 1$):

$$\lim_{x \rightarrow 1} (x + 1) = 2$$

BIBLIOGRAFIA:

La página sobre el Lema de Hensel describe cómo la factorización de polinomios en aritmética modular permite elevar raíces de polinomios módulo un número primo a raíces módulo potencias mayores de ese primo.