



**Mi Universidad**

## **Resumen**

*Cassandra Solis Pinto*

*Parcial 1*

*Biomatematicas*

*Dr. Brenda Paulina Ortiz Solis*

*Medicina Humana*

*Segundo Semestre*

*Comitán de Domínguez, Chiapas a 17 de Marzo del 2024.*

## Biomatemáticas

# “ límites ”

**DEFINICIÓN:** "Cuando los valores atribuidos sucesivamente a una variable se aproximan indefinidamente a un valor fijo, para llegar por último a diferir de ese valor en una cantidad tan pequeña como se desee, entonces dicho valor fijo recibe el nombre de límite de todos los demás valores".

Sintaxis matemática de límite es:  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L$  Donde  $L$  es el valor del límite.

¿Los límites, para qué nos sirven en Medicina?

R= Tienen aplicaciones que se utilizan para comprender y modelar diversos aspectos biológicos y fisiológicos del cuerpo humano.

Algunos ejemplos serían:

• **Dinámica de medicamentos:**

Los límites determinan cómo los niveles de un fármaco en el cuerpo se estabilizan o convergen a un valor específico después de la administración de una dosis.

• **Modelado de enfermedades:** la progresión de enfermedades y el comportamiento del sistema biológico complejo.

♦ Pueden usarse para modelar la evolución de biomarcadores o indicadores biológicos que están asociados con enfermedades específicas.

★ Útiles para determinar hasta qué punto ciertos parámetros biológicos deben alcanzarse para garantizar eficacia en un tratamiento.

### Propiedades de los límites:

①  $\lim_{x \rightarrow a} c = c$     Ejemplo =  $\lim_{x \rightarrow x} 3 = 3$

Resultado de límite en este ejercicio siempre será la constante.

②  $\lim_{x \rightarrow a} x = a$     Ejemplo =  $\lim_{x \rightarrow (-1)} x = (-1) = -1$      $\lim_{x \rightarrow 5} x = (5) = 5$

El Resultado será la tendencia de X.

③  $\lim_{x \rightarrow a} [c \cdot f(x)] = c \cdot \lim_{x \rightarrow a} f(x)$     Ejemplo:  $\lim_{x \rightarrow 2} [5 \cdot (x+1)] = 5[\lim_{x \rightarrow 2} (x+1)] = 5(2+1) = 15$

④  $\lim_{x \rightarrow a} [f(x) \pm g(x)] = \lim_{x \rightarrow a} f(x) \pm \lim_{x \rightarrow a} g(x)$

⑤  $\lim_{x \rightarrow a} [f(x) \cdot g(x)] = \lim_{x \rightarrow a} f(x) \cdot \lim_{x \rightarrow a} g(x)$

⑥  $\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x)}{g(x)} = \frac{\lim_{x \rightarrow a} f(x)}{\lim_{x \rightarrow a} g(x)}$      $\lim_{x \rightarrow a} g(x) \neq 0$

Calcular por separado los límites y luego dividirlos siempre y cuando el límite de la función g(x) cuando x tiende a "a" no sea un valor a 0.

⑦  $\lim_{x \rightarrow a} [f(x)]^n = [\lim_{x \rightarrow a} f(x)]^n$  = Calcular primero el límite de la función (x) cuando x tiende a "a" y a este resultado elevarlo al exponente n.

# derivadas

**Definición:** Las derivadas permiten comprender el comportamiento de las funciones matemáticas. Ayudan a identificar los máximos y mínimos de una función, determinar su concavidad, localizar puntos críticos y analizar la tendencia de una función en un intervalo determinado.

**Reglas de la derivación:**

**REGLA DE LA SUMA:** Establece: la derivada de una suma de funciones es igual a la suma de sus derivadas.

$$\frac{d}{dx} [f(x) + g(x)] = \frac{d}{dx} f(x) + \frac{d}{dx} g(x)$$

**REGLA DE LA DIFERENCIA:** Establece: la derivada de la diferencia de funciones es igual a la diferencia de sus derivadas.

$$\frac{d}{dx} [f(x) - g(x)] = \frac{d}{dx} f(x) - \frac{d}{dx} g(x)$$

**REGLA DE LA DERIVADA DE UNA CONSTANTE MULTIPLICADA POR UNA FUNCIÓN:** Establece: la derivada de una constante multiplicada por una función es igual a la constante multiplicada por la derivada de la función.

$$\frac{d}{dx} [K \cdot f(x)] = K \cdot \frac{d}{dx} f(x)$$

**REGLA DE LA DERIVADA DE UNA CONSTANTE:** Establece: la derivada de cualquier función constante es

$$\frac{d}{dx} K = 0$$

### REGLA DE LA CADENA:

Nos dice como encontrar la derivada de una función compuesta.

### REGLA DEL PRODUCTO:

Se utiliza cuando se diferencia el producto de dos funciones:

$$\frac{d(uv)}{dx} = u'v + u v'$$

### REGLA DEL COCIENTE:

Se utiliza cuando se diferencia el cociente de dos funciones; cuando una función se divide por otra.

$$\frac{d\left(\frac{u}{v}\right)}{dx} = \frac{v \frac{du}{dx} - u \frac{dv}{dx}}{v^2}$$

### Propiedades de las derivadas:

Son propiedades cuyo valor predeterminado se calcula a partir de una expresión que se ha a definido.

Las propiedades derivadas puede utilizar para reducir el mantenimiento de los valores de propiedad para los modelos y ayudar a garantizar la integridad de los datos de esos valores.

# Cálculo de límites

Formulas límites al infinito o infinitos

Límites: importantes ya que nos ayudan, nos ayudan a resolver problemas que se nos presentan en un ejercicio, permitiéndonos hacer cálculos para conocer cuando se agotara un recurso.

Importancia de cálculo de límites en la medicina:

- ✦ Nos sirve para crear una medicina y saber límite en sustancias.
- ✦ A encontrar el algoritmo usado en la epidemiología.
- ✦ Relacionado con salud pública para realizar el análisis de la situación de salud.

"Límite de"  $\lim f(x)$  "la función de"

"Tiende a"  $x \rightarrow 3$

¿Cómo lo calculamos?

Sustitución Directa: "Sustituyendo el valor de la variable"

Situación Directa > Resultado Valor Finito = Lim.

Factorizar y Simplificar: (Ayuda a cancelar términos comunes y eliminar indeterminación.)

Situación Directa > Forma indeterminadas  $\neq$  Factorizar o simplificar la expresión.  
(0/0 o  $\infty/\infty$ )

De L'Hôpital: Se aplica cuando encontramos F. Indeterminadas.

Encontramos límite > tomando la derivada del numerador > se iguala el límite del denominador por separado > se iguala el límite del numerador

## Tipos de Límites:

**Límite Unilateral:** Analiza el comportamiento de una función cuando "x" se acerca a un valor específico desde un solo lado.

**Límite Bilateral:** Analiza el comportamiento de la función cuando "x" se aproxima a un valor particular.

**Límite Infinito:** Cuando la función se acerca a un infinito + o - cuando "x" se acerca a un punto particular.

$$\lim_{x \rightarrow c} f(x) = \pm \infty.$$

**Límite al infinito:** Considera el comportamiento de una función conforme la entrada se vuelve grande. (+∞-).

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) \text{ o } \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x).$$

## Leyes y propiedades:

**Propiedades de resta:**  $\lim_{x \rightarrow c} [f(x) - g(x)] = \lim_{x \rightarrow c} f(x) - \lim_{x \rightarrow c} g(x) = L - M$

**Ley del producto:**  $\lim_{x \rightarrow c} [f(x) \cdot g(x)] = \lim_{x \rightarrow c} f(x) \cdot \lim_{x \rightarrow c} g(x) = LM$

**Ley de división:**  $\lim_{x \rightarrow c} \frac{f(x)}{g(x)} = \frac{\lim_{x \rightarrow c} f(x)}{\lim_{x \rightarrow c} g(x)} = L/M \quad (M \neq 0)$

**Propiedades múltiples constantes:**  $\lim_{x \rightarrow c} [k f(x)] = k \cdot \lim_{x \rightarrow c} f(x) = kL$

**Regla de poder:**  $\lim_{x \rightarrow c} [f(x)]^k = \left( \lim_{x \rightarrow c} f(x) \right)^k = L^k$

## ¿Cómo calcular límites infinitos?

Existen 3 maneras:

1.- Por representación gráfica.

2.- por sustitución.

3.- Por deducción.

# Continuidad de funciones

DEFINICIÓN: Es aquel vínculo que mantienen aquellas cosas que están, de alguna forma, en conjunto.

- Tipos:
- ✦ Eléctrica: Presencia de una ruta completa para el flujo de corriente.
  - ✦ Física: Ecuación de continuidad. (posibilidades de conservación).
  - ✦ Tele: Conservación de la coherencia de una serie.
  - ✦ Funciones

Continuidad en Medicina: Garantiza que los usuarios (pacientes) reciben las intervenciones requeridas mediante la secuencia lógica y racional de actividades basadas en el conocimiento científico y sin interrupciones.

Propiedades:

1) Sean  $f$  y  $g$  continuas en  $x_0$ . entonces se verifica:

a)  $f \pm g$  es continua en  $x_0$ .

b)  $f \times g$  es continua en  $x_0$ .

c)  $f/x$  es continua en  $x_0$  si  $g(x_0) \neq 0$

(La suma de las funciones continuas es continua, como también la multiplicación y el cociente.)

• Como la función  $f$  de  $x$  es  $-ax$ , la función es continua y una función polinómica es una combinación de productos y sumas de estas.

• Las funciones de  $\sin(x)$ ,  $\cos(x)$  y  $\ln(x)$  son continuas.

Funciones:

$f(x) = 6 - x$  Primer grado

$f(x) = 2 - 3x + x^2$  Segundo grado.

$f(x) = x^2 + 3x^4 - 6$  Cuarto grado

$y = x^5$  Grado Quinto

$f(x) = x^3 + 3x^2 + x - 5$  Tercer grado

$f(x) = x^m$  Grado  $m$

$y = \sqrt{2x^3 - 2x + 8}$  Tercer grado



**Continuidad aplicada a desigualdades:** Se refiere a cómo se mantienen las relaciones de tamaño entre las funciones en un intervalo específico.

"Si una función es continua en un intervalo, las desigualdades que involucran esa función también se mantienen en ese intervalo".

**Conceptos:**

**Continuidad de funciones:** Punto su valor en ese punto conciden con el límite de la función cuando la variable se aproxima a ese punto.

**Preservación de desigualdades:** función mayor o menor que otra en un punto, la relación se preservara en un intervalo alrededor de ese punto.

**Intervalos Críticos:** pueden estar restringidos por el dominio de las funciones o por otras restricciones específicas del problema.

**Propiedades:**

① **Preservación de la dirección de la desigualdad:** Si una función  $f(x)$  es continua en un intervalo  $I$  y  $g(x)$  es otra función continua en  $I$ , entonces si  $f(x) < g(x)$  (o  $f(x) > g(x)$ ) para todo  $x$  en  $I$ , entonces la desigualdad se mantiene en  $I$ .

② **Preservación de la desigualdad:** Si dos funciones  $f(x)$  y  $g(x)$  son iguales en un punto  $c$  y son continuas en  $c$  entonces si una desigualdad es verdaderamente para  $f(x)$  en su entorno de  $c$ , también lo es para  $g(x)$  en ese mismo entorno.