

1) Hallar el área, perímetro y semi-perímetro del polígono, si las coordenadas de sus vértices son A(-8, 3) B(1, 5) C(7, 1) D(-2, -6)

$$\frac{1}{2} \begin{vmatrix} -8 & 3 \\ 1 & 5 \\ 7 & 1 \\ -2 & -6 \\ -8 & 3 \end{vmatrix} = \frac{1}{2} (-40 - 1 - 42 - 6) - (-18 - 3 + 25 + 6)$$

$$DAB = \sqrt{(-8 - 1)^2 + (3 - 5)^2} = \sqrt{49 + 4} = \sqrt{53} = 7.28$$

$$DBC = \sqrt{(1 - 7)^2 + (5 - 1)^2} = \sqrt{36 + 16} = \sqrt{52} = 7.21$$

$$DCD = \sqrt{(7 - (-2))^2 + (1 - (-6))^2} = \sqrt{81 + 49} = \sqrt{130} = 10.29$$

$$DAD = \sqrt{(-2 - (-8))^2 + (-6 - 3)^2} = \sqrt{36 + 81} = \sqrt{117} = 10.81$$

$$S = 36.86$$

$$S = 18.43$$

2) Demuestra que las rectas que unen los puntos de los lados de un triángulo cuyo vértice es $A(-1, 5)$, $B(-4, -6)$, $C(-8, -2)$ dividen a dicho triángulo

$$\frac{1}{2} = \frac{-1, 5}{-4 - 8} \quad \frac{1}{2} = \frac{5 + 8 - 40}{-20} = \frac{27 - 40}{-20} = \frac{-13}{-20} = \frac{13}{20}$$

$$DA = \sqrt{-4 - (-1)^2 + -6 - (-6)^2} = \sqrt{9 + 36} = \sqrt{45} = 6.7$$

$$DB = \sqrt{8 - (-4)^2 + -2 - (-6)^2} = \sqrt{16 + 16} = \sqrt{32} = 5.66$$

$$DC = \sqrt{-8 - (-1)^2 + -2 - (5)^2} = \sqrt{49 + 49} = \sqrt{98} = 9.89$$

$$s = 26.94$$

$$s = 13.47$$

③ El área de un triángulo es 30 cm^2 . Dos de sus vértices son los puntos $A(1, -2)$ y $B(1, -3)$ y el tercer vértice C está situado con el eje y , determinar las coordenadas del vértice C .

$$A = \frac{1}{2} \begin{vmatrix} x_1 & y_1 \\ x_2 & y_2 \\ x_3 & y_3 \end{vmatrix}$$

$$30 = -4 - 5$$

$$x_2 = 3$$

$$A = \frac{1}{2} \begin{vmatrix} 1 & -2 \\ 1 & -3 \\ 0 & y \end{vmatrix}$$

$$30 = \frac{1}{2} \begin{vmatrix} 1 & -2 \\ 1 & -3 \\ 0 & y \end{vmatrix}$$

$$60 = \begin{vmatrix} 1 & -2 \\ 1 & -3 \\ 0 & y \end{vmatrix}$$

$$60 = 1 \cdot y - 2 \cdot 0$$

$$60 = y$$

④ Hallar el área del triángulo cuyos vértices son $A(0, 0)$, $B(1, 2)$, $C(2, -4)$, compare el resultado con lo obtenido de Herón para el área del triángulo de sus lados.

$$A = \frac{1}{2} \begin{vmatrix} 0 & 0 \\ 1 & 2 \\ 2 & -4 \end{vmatrix}$$

$$A = \frac{1}{2} (-4) (6)$$

$$A = -10$$

$$\frac{1}{2} = 5$$

$$DAB = \sqrt{(0)^2 + 2^2} = 2$$

$$DBC = \sqrt{3^2 + (-1)^2} = \sqrt{10} = 3.16$$

$$DCA = \sqrt{3^2 + (0)^2} = 3$$

$$S = 6.92 \quad S' = 3.16$$

$$A = \sqrt{0.16} = 0.4$$

$$\sqrt{0.16} = 0.4$$

$$\sqrt{9.98} \quad A = 3.15$$

5) Hallar el área, perímetro, y semiperímetro de lo

figura A (-2, 3) B (4, 2) C (7, 7) D (-1, 6)

$$A = \frac{1}{2} \begin{vmatrix} -2 & 3 & 1 \\ 4 & 2 & 1 \\ 7 & 7 & 1 \\ -1 & 6 & 1 \\ -2 & 3 & 1 \end{vmatrix} = \frac{1}{2} (1+28+42-3) = 35$$

$$DAB = \sqrt{4^2 + (-1)^2} = \sqrt{17} = 4.12$$

$$DBC = \sqrt{3^2 + (-5)^2} = \sqrt{34} = 5.83$$

$$DCD = \sqrt{8^2 + (-1)^2} = \sqrt{65} = 8.06$$

Norma $P = 28.86$ $P' = 2$ $P = 12.28$

6) Hallar el área del triángulo cuyos vértices son $A(0,0)$, $B(3,2)$, $C(1,-4)$ utilizando con la fórmula de Heron

$$A = \frac{1}{2} \begin{vmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & -4 \\ 1 & 2 & -4 \end{vmatrix} = \frac{1}{2} (0 - (-4) - (-2)) = \frac{1}{2} (4 + 2) = \frac{1}{2} (6) = 3$$

$$DA = \sqrt{1 - (0)^2 + 2 - (0)^2} = 2$$

$$DB = \sqrt{3 - 0 + 4 - (2)^2} = \sqrt{4 + 3} = \sqrt{7} \approx 2.65$$

$$4 + 3 = \sqrt{7} \approx 2.65$$

$$DC = \sqrt{3 - (0)^2 + 4 - (0)^2} = 5$$

$$A = \sqrt{3 \cdot 1.5 (3 - 1.5) (3 - 0) (3 - 0)} = \sqrt{3 \cdot 1.5 (3 \cdot 1.5)} = \sqrt{9 \cdot 2.25} = \sqrt{20.25} = 4.5$$

$$A = \sqrt{3 \cdot 1.5 (3 \cdot 1.5)}$$

$$A = \sqrt{9 \cdot 2.25}$$

$$A = 4.5$$

⑦ Demuestre por el método de la pendiente que los puntos $A(7, 6)$, $B(11, 6)$, $C(9, 2)$, $D(1, 1)$ son los vértices de un paralelogramo.

$$DA = \sqrt{11 - (7)^2 + 6 - (-6)} = \sqrt{28 + 1} = \sqrt{29} = 5.39$$

$$DB = \sqrt{4 - (11)^2 + 2 - (-6)} = \sqrt{4 + 24} = \sqrt{28} = 5.29$$

$$DC = \sqrt{1 - (9)^2 + 1 - (-2)} = \sqrt{1 + 4} = \sqrt{5} = 2.23$$

$$DA = \sqrt{1 - (7)^2 + 1 - (-6)} = \sqrt{4 + 44} = \sqrt{48} = 6.92$$

⑧ $x^2 - y = 0$

$$x = 0$$

$$x^2 = y$$

$$0 = y$$

$$y = 0$$

$$y = 0$$

$$x^2 = y$$

$$x = \sqrt{y}$$

$$x = 0$$

sinéti

$$x^2 - y = 0$$

$$x^2 + y = 0$$

$$x^2 - y = 0$$

$$x^2 - y = 0$$

$$x^2 - y = 0$$

$$\begin{array}{r} 2x^2 \\ \hline 2x^2 - y \\ \hline y \end{array}$$

$$(a) 4x^2 + 3y^2 + 20 = 0$$

$$x = 0$$

$$3y^2 + 20 = 0$$

$$y = \pm \sqrt{\frac{-20}{3}}$$

$$y = -y$$

$$y = 0$$

$$y = 0$$

$$4x^2 + 20 = 0$$

$$x = \pm \sqrt{\frac{-20}{4}}$$

$$x = x$$

$$x = -x$$

$$\begin{array}{c|c|c|c|c|c|c} x & -2 & -1 & 0 & 1 & 2 & \\ \hline y & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{array}$$

$$(b) x^2 + y^2 = 16$$

$$x = 0$$

$$y^2 = 16 - x^2$$

$$y = \pm \sqrt{16}$$

$$y = 4$$

$$A = [0 \ 8]$$

$$y = 0$$

$$x^2 = 16$$

$$x^2 + y^2 = 16$$

$$y = \pm \sqrt{16 - x^2}$$

$$y = \pm \sqrt{16 - x^2}$$

$$y = \pm \sqrt{16 - x^2}$$

$$\begin{array}{c|c|c|c|c|c|c} x & -4 & -2 & 0 & 2 & 4 & \\ \hline y & 0 & \pm 3 & \pm 4 & \pm 3 & 0 & \end{array}$$