



*Nombre del Alumno José Miguel Reyes Villegas*

*Nombre del tema Distribuciones de probabilidad y tipos de muestreos*

*Parcial 3*

*Nombre de la Materia Bioestadística*

*Nombre del profesor Rosario Gómez Lujano*

*Nombre de la Licenciatura Enfermería*

*Cuatrimestre I*

*Lugar y Fecha: 12 de noviembre Pichucalco, Chiapas*

# DISTRIBUCIONES DE PROBABILIDAD

## MODELOS DISCRETOS

- Son modelos de probabilidad de variable aleatoria discreta.
- los más importantes son los modelos de BERNOUILLI.

**VARIABLES DISCRETAS**

**Ejemplo 13.** La función de masa binomial de parámetros  $n \in \mathbb{N}$   $0 < p < 1$  es:

$$f(x) = \binom{n}{x} p^x (1-p)^{n-x}, \text{ con } x \in S\{0, 1, \dots, n\}$$

Comprobamos que es una función de masa viendo si está normalizada:

$$\sum_{x=0}^n f(x) = \sum_{x=0}^n \binom{n}{x} p^x (1-p)^{n-x} = [p + (1-p)]^n = 1$$

Sabiendo que la fórmula del binomio de Newton es:

$$(a+b)^n = \sum_{k=0}^n \binom{n}{k} a^k b^{n-k}$$

(el "número de éxitos"  $X$  obtenidos en  $n$  realizaciones de un exp. aleat. con dos opciones posibles "éxito/fracaso" es una  $V_a$  binomial, siendo  $p$  la probabilidad de éxito).

## DISTRIBUCIÓN BINOMINAL

- Describe el número de éxitos al realizar  $n$  experimentos independientes entre sí, acerca de una variable aleatoria.

### Ejemplo

La probabilidad de que comercial realice una venta en una visita es de 0,3. determínese la media y varianza de esta variable y la probabilidad de que no realice ninguna venta.

$$P(x = 0) = q = 1 - p = 1 - 0.3 = 0.7$$

$$E(x) = p = 0.3$$

$$\text{Var}(x) = pq = 0.3 \cdot 0.7 = 0.21$$

## DISTRIBUCIÓN DE POISSON

- Se aplica a las ocurrencias de algún suceso durante un intervalo determinado.
- Nuestra variable aleatoria  $X$  representará el número de ocurrencias de un suceso.

### Ejemplo

Si 2% de los libros encuadernados en cierto taller tiene encuadernación defectuosa, obtener la probabilidad de que 5 de 400 libros encuadernados en este taller tengan encuadernaciones defectuosas.

( $x$  se puede encontrar como  $k$  en algunos libros)

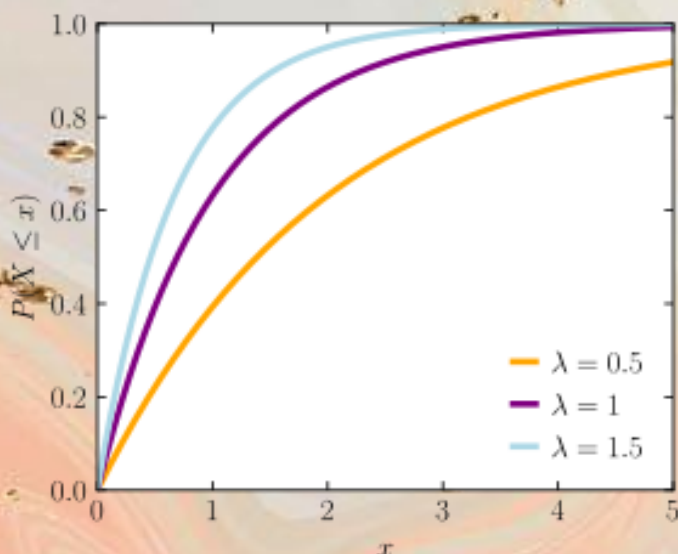
$$K = 5x = 400(0.02) = 8$$

$$P(5;8) = \frac{8^5 e^{-8}}{5!} = 0.092$$

## MODELOS CONTINUOS

### DISTRIBUCIÓN NORMAL

- Es una distribución de variable continua con campo de variación que queda especificada a través de dos parámetros. (que acaban siendo la media y la desviación típica de la distribución)



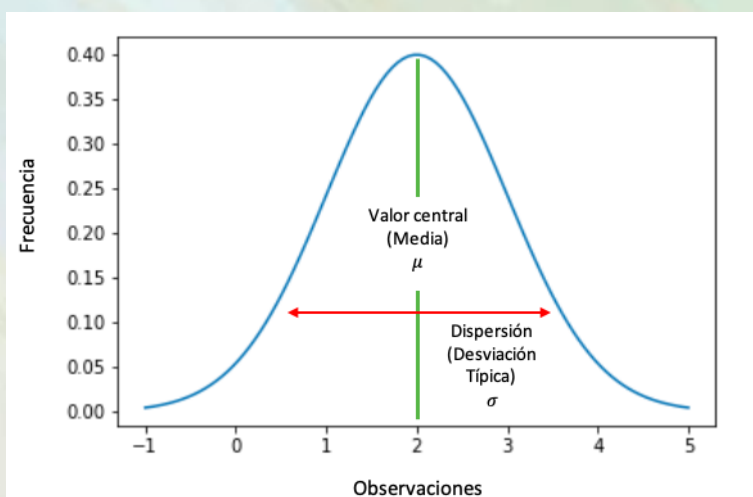
**Distribución Hipergeométrica**

$$P(X) = \frac{\binom{r}{x} \binom{N-r}{n-x}}{\binom{N}{n}}$$

Hoja de Cálculo

## DISTRIBUCIÓN HIPERGEOMÉTRICA

- Es semejante a la binomial, excepto en el hecho de que las pruebas no mantienen constantes las probabilidades de  $A$  y  $\bar{A}$ .



## DISTRIBUCIÓN EXPONENCIAL

- Dada una variable aleatoria continua,  $X$ , definida para valores reales positivos.
- Diremos que  $X$  tiene una distribución exponencial de parámetro  $a$  cuando su función de densidad sea:  $f(x) = a e^{-ax}$  para  $x \geq 0$  (siendo el parámetro  $a$  positivo)



## MUESTREO ALEATORIO SIMPLE

- Es un subconjunto de una muestra elegida de una población más grande.
- Cada individuo se elige al azar y por pura casualidad.
- Cada individuo tiene la misma probabilidad de ser elegido en cualquier etapa del proceso.

## Resuelve los siguientes ejercicios

1. Dada una distribución normal  $N(0, 1)$  calcula la probabilidad de que  $Z$  sea menor o igual que 1.25

$$P(Z \geq 1.25) = 0.5 + 0.3944 = 0.8944 = 89.44\%$$

2. Dada una distribución normal  $N(0, 1)$  ¿Qué valor deja por encima de si al 25,14% de la población?

$$p = 25.14\% = 0.2514$$

Se aproxima

0.2486	0.2514
$Z = 0.67$	$0.68$

$$p(Z=0.675) = 25.14\%$$

3. Calcule una muestra de tamaño  $n = 12$  por el muestreo estratificado para los siguientes datos:

Salón	numero de alumnos	%	n
A _____	15	2.90	3
B _____	10	1.93	2
C _____	25	4.83	5
D _____	12	2.32	2
Total _____	62		<u>12</u>