



Nombre del Alumno José Miguel Reyes Villegas

Nombre del tema Distribuciones de probabilidad y tipos de muestreos

Parcial 3

Nombre de la Materia Bioestadística

Nombre del profesor Rosario Gómez Lujano

Nombre de la Licenciatura Enfermería

Cuatrimestre I

Lugar y Fecha: 12 de noviembre Pichucalco, Chiapas

DISTRIBUCIONES DE PROBABILIDAD

MODELOS DISCRETOS

- Son modelos de probabilidad de variable aleatoria discreta.
- los más importantes son los modelos de BERNOUILLI.

VARIABLES DISCRETAS

Ejemplo 13. La función de masa binomial de parámetros $n \in \mathbb{N}$ $0 < p < 1$ es:

$$f(x) = \binom{n}{x} p^x (1-p)^{n-x}, \text{ con } x \in S\{0, 1, \dots, n\}$$

• Comprobamos que es una función de masa viendo si está normalizada:

$$\sum_{x=0}^n f(x) = \sum_{x=0}^n \binom{n}{x} p^x (1-p)^{n-x} = [p + (1-p)]^n = 1$$

Sabiendo que la fórmula del binomio de Newton es:

$$(a+b)^n = \sum_{k=0}^n \binom{n}{k} a^k b^{n-k}$$

(el "número de éxitos" X obtenidos en n realizaciones de un exp. aleat. con dos opciones posibles "éxito/fracaso" es una V_a binomial, siendo p la probabilidad de éxito).

DISTRIBUCIÓN BINOMINAL

- Describe el número de éxitos al realizar n experimentos independientes entre sí, acerca de una variable aleatoria.

Ejemplo

La probabilidad de que comercial realice una venta en una visita es de 0,3. determínese la media y varianza de esta variable y la probabilidad de que no realice ninguna venta.

$$P(x = 0) = q = 1 - p = 1 - 0.3 = 0.7$$

$$E(x) = p = 0.3$$

$$\text{Var}(x) = pq = 0.3 \cdot 0.7 = 0.21$$

DISTRIBUCIÓN DE POISSON

- Se aplica a las ocurrencias de algún suceso durante un intervalo determinado.
- Nuestra variable aleatoria X representará el número de ocurrencias de un suceso.

Ejemplo

Si 2% de los libros encuadernados en cierto taller tiene encuadernación defectuosa, obtener la probabilidad de que 5 de 400 libros encuadernados en este taller tengan encuadernaciones defectuosas.

(x se puede encontrar como k en algunos libros)

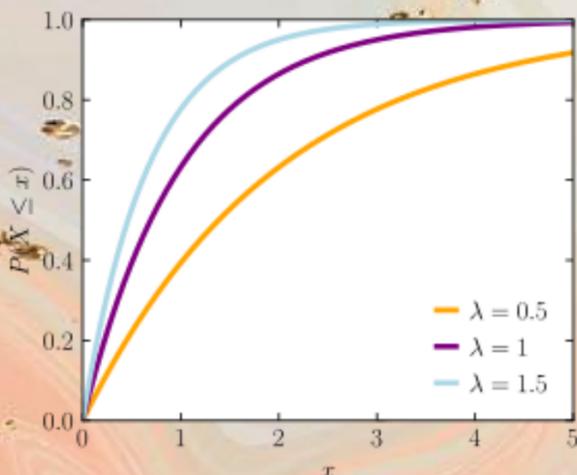
$$K = 5x = 400(0.02) = 8$$

$$P(5;8) = \frac{8^5 e^{-8}}{5!} = 0.092$$

MODELOS CONTINUOS

DISTRIBUCIÓN NORMAL

- Es una distribución de variable continua con campo de variación que queda especificada a través de dos parámetros. (que acaban siendo la media y la desviación típica de la distribución)



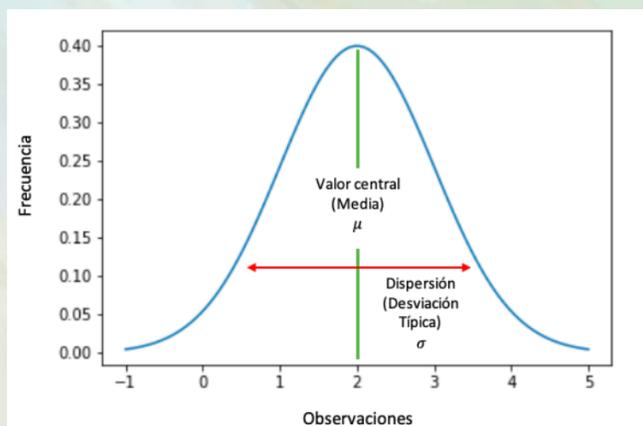
Distribución Hipergeométrica

$$P(X) = \frac{\binom{r}{x} \binom{N-r}{n-x}}{\binom{N}{n}}$$

Hoja de Cálculo

DISTRIBUCIÓN HIPERGEOMÉTRICA

- Es semejante a la binomial, excepto en el hecho de que las pruebas no mantienen constantes las probabilidades de A y \bar{A} .



DISTRIBUCIÓN EXPONENCIAL

- Dada una variable aleatoria continua, X , definida para valores reales positivos.
- Diremos que X tiene una distribución exponencial de parámetro a cuando su función de densidad sea: $f(x) = a e^{-ax}$ para $x \geq 0$ (siendo el parámetro a positivo)



MUESTREO ALEATORIO SIMPLE

- Es un subconjunto de una muestra elegida de una población más grande.
- Cada individuo se elige al azar y por pura casualidad.
- Cada individuo tiene la misma probabilidad de ser elegido en cualquier etapa del proceso.

Resuelve los siguientes ejercicios

1. Dada una distribución normal $N(0, 1)$ calcula la probabilidad de que Z sea menor o igual que 1.25

$$P(Z \geq 1.25) = 0.5 + 0.3944 = 0.8944 = 89.44\%$$

2. Dada una distribución normal $N(0, 1)$ ¿Qué valor deja por encima de si al 25,14% de la población?

$$p = 25.14\% = 0.2514$$

Se aproxima

0.2486	0.2514
$Z = 0.67$	0.68

$$p(Z=0.675) = 25.14\%$$

3. Calcule una muestra de tamaño $n = 12$ por el muestreo estratificado para los siguientes datos:

Salón	numero de alumnos	%	n
A _____	15	2.90	3
B _____	10	1.93	2
C _____	25	4.83	5
D _____	12	2.32	2
Total _____	62		<hr/> 12