

Derivadas

La derivada de una función $f(x)$ en un punto $x=a$ se define como el valor del límite, cuando existe de un cociente incrementado o incremental, si ese incremento que tiene la variable es similar a cero.

Tipos De Derivadas

Derivada de un producto

$$z(x) = f(x) \cdot g(x)$$



$$z'(x) = f'(x) \cdot g(x) + f(x) \cdot g'(x)$$

Derivada del producto

La derivada de un producto en dos funciones es similar al primer factor multiplicado por la derivada del segundo sumándole el segundo factor y multiplicándolo por la derivada del primero.

Ejemplo: $f(x)=u \cdot v$ entonces $f'(x)=u' \cdot v + u \cdot v'$

Derivada del cociente

La derivada que tiene un cociente en dos **funciones** es similar a la derivada que tiene el numerador multiplicada por el denominador y menos la derivada que tiene el denominador por el numerador, dividida entre el cuadrado que tiene el denominador. Ejemplo: si $f(x)=u/v$

DERIVADA DE UN COCIENTE

$$\frac{f(x)}{g(x)} \longrightarrow \frac{f'(x) \times g(x) - f(x) \times g'(x)}{g(x)^2}$$

EJERCICIOS:

1) $f(x) = \frac{2x^6}{3x^2}$ 3) $y = \frac{-2}{(x+3)}$

2) $g(x) = \frac{(2x^4-3)}{4x}$

Derivada exponencial

$$f(x) = a^u \longrightarrow f'(x) = a^u \cdot \ln(a) \cdot u'$$

$$f(x) = e^u \longrightarrow f'(x) = e^u \cdot u'$$

Derivadas exponenciales

La derivada de una función que es exponencial es igual a esa misma función por el logaritmo de la base o neperiano multiplicado por la derivada del exponente. Ejemplo: $f(x)=a^u$ entonces $f'(x)=u' \cdot a^u \cdot \ln a$

Derivada inmediata

La derivada que tiene una constante siempre es cero

Si $f(x)=k$ entonces su derivada será $f'(x)=0$

Derivada de una constante

$$f(x) = k$$

$$f'(x) = 0$$

Derivada de una suma

$$z(x) = f(x) + g(x)$$



$$z'(x) = f'(x) + g'(x)$$

Derivada de suma

La derivada de la suma que tiene dos funciones es similar a la suma de las demás derivadas que tienen esas funciones. Esta regla se aplica a números de sumandos tanto positivos como negativos. Ejemplo: $f(x)=u \pm v$ entonces

$$F''(x) = u'' \pm v$$

Función	Derivada
$\text{sen}(x)$	$\text{cos}(x)$
$\text{cos}(x)$	$-\text{sen}(x)$
$\text{tan}(x)$	$\text{sec}^2(x)$
$\text{cot}(x)$	$-\text{csc}^2(x)$
$\text{sec}(x)$	$\text{sec}(x) \text{tan}(x)$
$\text{csc}(x)$	$-\text{csc}(x) \text{cot}(x)$

Derivada de la función trigonométrica

Es un proceso en matemática mediante el cual una función trigonométrica cambia con relación a la variable independiente o derivada de una función. Estas funciones de tipo trigonométrico son $\text{sin}(x)$, $\text{cos}(x)$ y $\text{tan}(x)$.

^ Derivada de funciones trigonométricas inversas

Donde u' es la derivada de u

Función	Derivada
$y = \text{arc sen } u$	$y' = \frac{u'}{\sqrt{1-u^2}}$
$y = \text{arc cos } u$	$y' = \frac{-u'}{\sqrt{1-u^2}}$
$y = \text{arc tan } u$	$y' = \frac{u'}{1+u^2}$
$y = \text{arc cot } u$	$y' = \frac{-u'}{1+u^2}$
$y = \text{arc sec } u$	$y' = \frac{u'}{ u \sqrt{u^2-1}}$
$y = \text{arc csc } u$	$y' = \frac{-u'}{ u \sqrt{u^2-1}}$

Derivadas trigonométricas inversas

Son las funciones inversas a las razones de trigonometría definidas por el seno, coseno y la tangente. Ejemplo: El arcoseno tiende a ser una función inversa del seno.