



Universidad Del Sureste

Campus Comitán

Licenciatura en Medicina Humana



Tema:

“Poniendo limites”

Alumna:

Anzuetto Aguilar Mónica Monserrat.

Grupo: A

Grado:2°

Materia:

“BIOMATEMÁTICAS”

Docente:

Dra. Rosvani Margine Morales Irecta

Comitán de Domínguez, Chiapas a 20 de febrero de 2022.

= BIOMATEMÁTICAS =

08-02-22

Dra. Rovoni

→ Tareas 15%

• Trabajo final 20%

→ Presentaciones

→ Expo 15%

• Examen 50%

no + 12 renglones
y bibliografía

• **Biomatemáticas**: Uso de herramientas de las matemáticas para el análisis de cuestiones y temas de la biología. También para asuntos de las ciencias ambientales.

→ **LIMITES**: Secuencia infinita de magnitudes, expresa la tendencia de una función o de una sucesión mientras los parámetros se acercan a cierto valor

$f(x)$: función definida en todos los valores cercanos a un valor "a"

$$\lim_{x \rightarrow a} f(x) = L$$

"El límite de $f(x)$ es L "

1) 2.5

$$\begin{array}{r} 2.5 \\ \times 2.5 \\ \hline 12.5 \\ 50 \\ \hline 6.25 \end{array} \rightarrow \lim_{x \rightarrow 2.5} x^2 = 6.25$$

2) 1.5

$$\begin{array}{r} 1.5 \\ \times 1.5 \\ \hline 7.5 \\ 15 \\ \hline 2.25 \end{array} \rightarrow \lim_{x \rightarrow 1.5} x^2 = 2.25$$

3) $\lim_{x \rightarrow 3} x^2 = 9$

$$\lim_{x \rightarrow 3} x^2$$

$$x = 3$$

4) $\lim_{x \rightarrow 1} x^2 = 2 \frac{x^2 - 1}{x - 1}$

$$x \rightarrow 1 \quad x - 1$$

$$\frac{(x-1)(x+1)}{(x-1)} = (x+1)$$

↓

$$(1+1) = 2$$

08-02-22

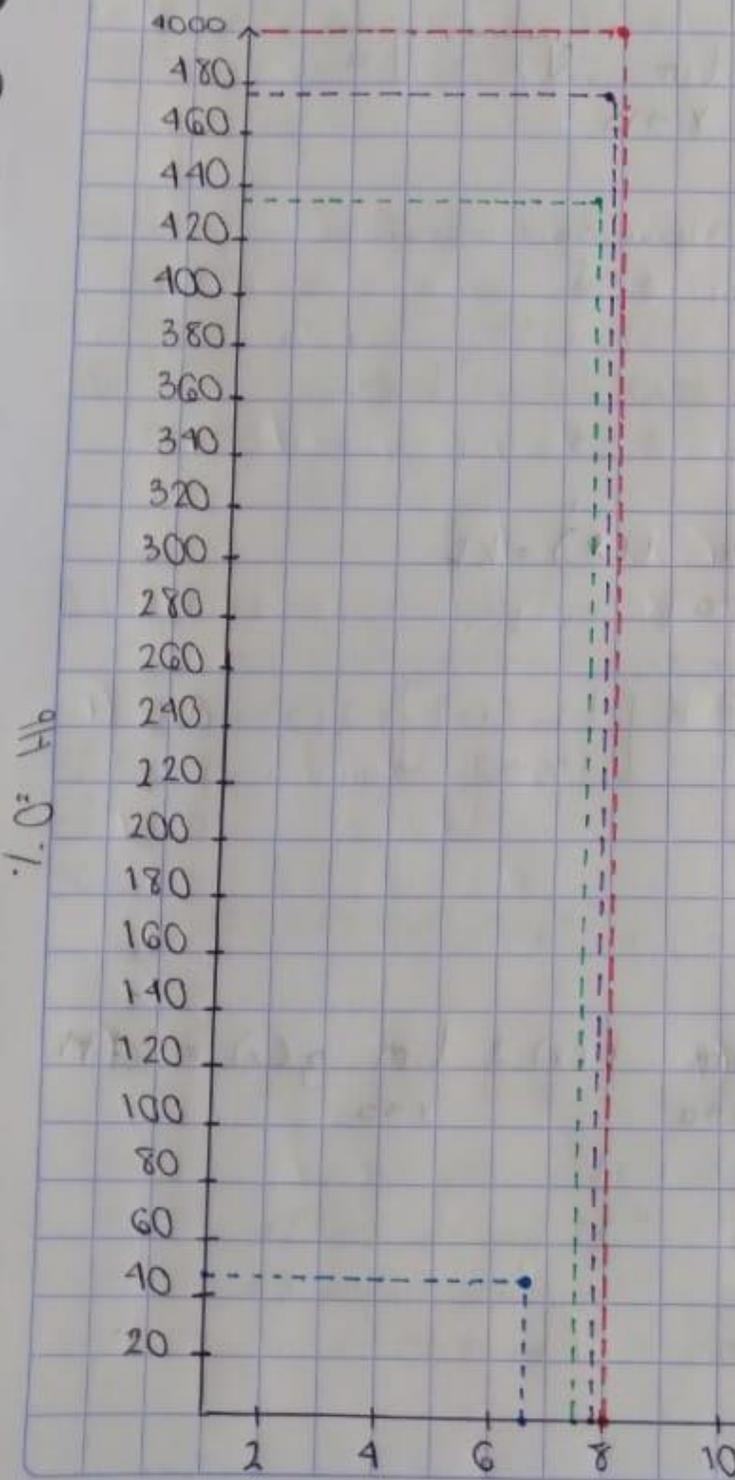
PH \rightarrow 7.2
7.4
7.6

$$\begin{array}{r} \lim x^2 = 51.94 \quad \sqrt{7.2} \\ \lim x^2 \quad \quad \quad \underline{7.2} \\ x = 7.2 \quad \quad \quad 50.4 \\ \hline 51.94 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \lim x^2 = 54.76 \quad \sqrt{7.4} \\ \lim x^2 \quad \quad \quad \underline{7.4} \\ x = 7.4 \quad \quad \quad 29.6 \\ \hline 51.8 \\ 54.76 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \lim x^2 = 57.76 \quad \sqrt{7.6} \\ \lim x^2 \quad \quad \quad \underline{7.6} \\ x = 7.6 \quad \quad \quad 45.6 \\ \hline 53.2 \\ 57.76 \end{array}$$

- 1 → pH 6.6 x^2 $\lim x^2 = 43.56$ $(6.6)^2$
- 2 → pH 7.6 x^3 $\lim x^3 = 438.976$ $(7.6)^3$
- 3 → pH 7.8 x^3 $\lim x^3 = 474.552$ $(7.8)^3$
- 4 → pH 8 x^4 $\lim x^4 = 4,096$ $(8)^4$



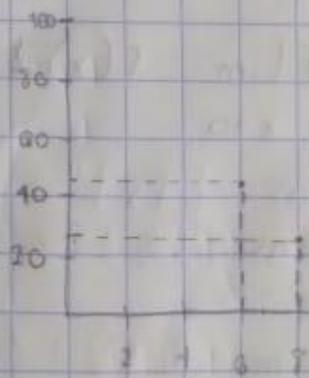
→ $\lim x^2 = 57.76$
 $x = 7.6$

→ $\lim x^2 = 60.84$
 $x = 7.8$

→ $\lim x^2 = 64$
 $x = 8$

MCD	
4096	4
1024	2
512	2
256	2
128	2
64	2
32	2
16	2
8	2
1	2
2	2
1	

→ 8 - 100%
 2 - X - 25%



15-02-22

= PROPIEDADES DE LOS LÍMITES =

① $\lim_{x \rightarrow a} c = c$

③ $\lim_{x \rightarrow a} x^n = a^n$

② $\lim_{x \rightarrow a} x = a$

① $\lim_{x \rightarrow a} \sqrt[n]{x} = \sqrt[n]{a}$

① x no importa.
la constante si
(c = c)

② Elevar algo a la potencia
x = a

② x = a

③ $\lim_{x \rightarrow 4} \sqrt[3]{4} \quad \lim = 2$

① $\lim_{x \rightarrow a} k[f(x)] = k \lim_{x \rightarrow a} f(x) = kL$

$\lim_{x \rightarrow 2} k[f(x)]$

$k \left[\lim_{x \rightarrow 2} (fx) \right] = 2(2) = 4$

$\lim_{x \rightarrow 2} 4[2] = 8$

② $\lim_{x \rightarrow a} f(x) \pm g(x) = \lim_{x \rightarrow a} f(x) \pm \lim_{x \rightarrow a} g(x) = L \pm M$

$\lim_{x \rightarrow 3} 2x + 3x = 6 + 9 = 15$

" El lim de 2x + 3x cuando tiende x a 3 es = 15 "

$\lim_{x \rightarrow 3} (2(3)) + (3(3)) = 6 + 9 = 15$

pH 6.1 cSat O₂ Hb?

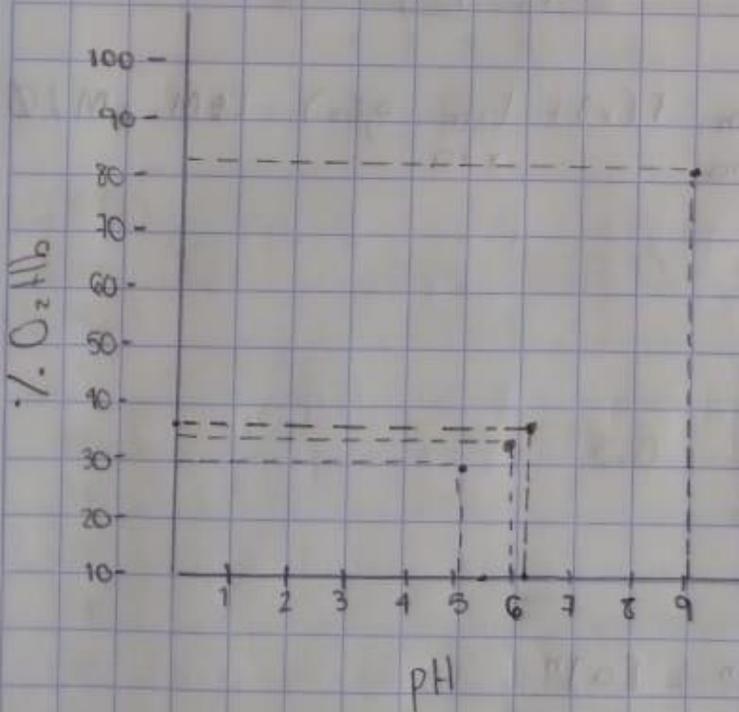
$$\textcircled{1} \lim_{x \rightarrow 6.1} 6.1(6.1) = 37.21$$

$$\lim_{x \rightarrow a} k[f(x)] = k$$

$$\textcircled{2} \lim_{x \rightarrow 6} 6(x) = 36$$

$$\textcircled{3} \lim_{x \rightarrow 9} 9(x) = 81$$

$$\textcircled{4} \lim_{x \rightarrow 5.5} 5.5(5.5) = 30.25$$



$$\textcircled{3} \lim_{x \rightarrow a} f(x) \cdot g(x) = \lim_{x \rightarrow a} f(x) \cdot \lim_{x \rightarrow a} g(x) = L \cdot M \quad // \text{q}$$

$$\lim_{x \rightarrow 3} [2x \cdot 4x]$$

" El límite de $2x$ por $4x$
cuando tiende $x \rightarrow 3$ es $= 72$ "

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow 3} [2(3) \cdot 4(3)] &= \\ &= 6 \cdot 12 = \underline{72} \end{aligned}$$

$$\left[\lim_{x \rightarrow 3} 2 \cdot \lim_{x \rightarrow 3} x \right] \left[\lim_{x \rightarrow 3} 4 \cdot \lim_{x \rightarrow 3} x \right] = \lim_{x \rightarrow 3} 2(3) \cdot \lim_{x \rightarrow 3} 4(3)$$

$$6 \cdot 12 = \underline{72}$$

$$\textcircled{4} \lim_{x \rightarrow a} f(x) + g(x) = \lim_{x \rightarrow a} f(x) + \lim_{x \rightarrow a} g(x) = L + M, M \neq \infty$$

$$\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x)}{g(x)}$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{4x}{8x} = \frac{4(2)}{8(2)} = \frac{8}{16} = 0.5$$

$$\blacktriangleright \lim_{x \rightarrow a} [f(x)]^n = \lim_{x \rightarrow a} x^n = [a]^n$$

$$\blacktriangleright \lim_{x \rightarrow a} \sqrt[n]{f(x)} = \lim_{x \rightarrow a} \sqrt[n]{x} = \sqrt[n]{a}$$

15-02-22

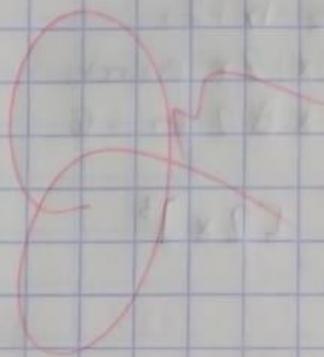
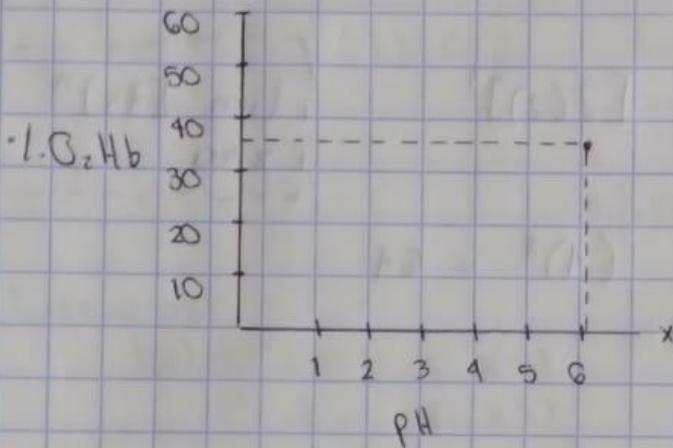
Ejemplo

pH 6.1 $\dot{c}S_a + O^2 Hb?$

$$\lim_{x \rightarrow 6.1} x = k [f(x)] = 6.1$$

$$k [f(6.1)] = 6.1$$

$$\lim_{x \rightarrow 6.1} x = 6.1 (6.1) = 37.21$$



= TAREA =

$c = 80$

$$\lim_{x \rightarrow 6.1} 80x = \lim_{x \rightarrow 6.1} 80(6.1) = 488$$

488	2
244	2
122	2
61	61
7	

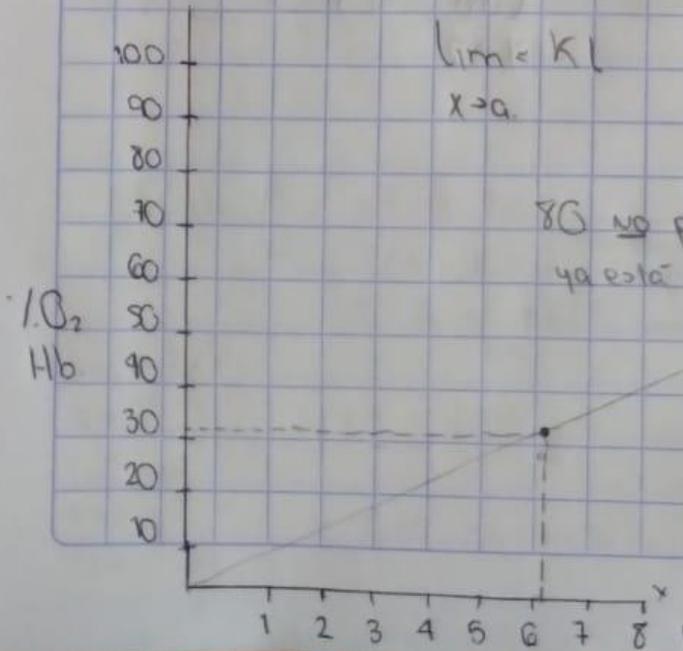
$$\lim_{x \rightarrow a} = kL$$

80 no porave
ya esta despegado

$$6.1 - 100$$

$$2 - x$$

$$= 32.78\%$$



6 - 100	180	2
2 - x	240	2
	120	2
	60	2
	30	2
	15	3
	5	5

Norma

15-02-22

= TAREA =

$$\textcircled{1} \quad \lim_{x \rightarrow 2} \frac{4x + 2x}{3x - 2x} \quad \lim_{x \rightarrow 2} \frac{4(2) + 2(2)}{3(2) - 2(2)}$$

El límite de la
diferencia de la
suma de $4x + 2x$
entre $3x - 2x$ cuando
tiende x a 2 es $= 6$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{8 + 4}{6 - 4} = \frac{12}{2} = \underline{6}$$

$$\textcircled{2} \quad \lim_{x \rightarrow 2} [2x]^3 \quad \lim_{x \rightarrow 2} [2(2)]^3 \quad \lim_{x \rightarrow a} [f(x)]^n$$

El cubo del
producto de doble
de x cuando tiende
 x a 2 es $= 64$

$$\lim_{x \rightarrow 2} (4)^3 = 64$$

$$\textcircled{3} \quad \lim_{x \rightarrow 2} \sqrt{2x} \quad \lim_{x \rightarrow a} \sqrt[n]{f(x)} \quad \lim_{x \rightarrow 2} \sqrt{2(2)}$$

La raíz cuadrada
del doble de x cuando
tiende x a 2 es $= 2$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \sqrt{4} = \underline{2}$$

12-02-22

= LIMITES LATERALES =

• Cuando x se acerca a 0 por la derecha $<$

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$$

ó

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{|x|}{x}$$

No convergen, están separados aunque inician en el mismo punto

• Cuando x se acerca a 0 por la izquierda $>$

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$$

ó

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{|x|}{x}$$

$$x > 0$$

$$x \neq 0$$

$$f(x) = \frac{|x|}{x} = \begin{cases} +1 & x > 0 \\ -1 & x < 0 \end{cases}$$

EJERCICIOS:

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + 1 & \text{si } x < 1 \\ 2 & \text{si } x > 1 \end{cases}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{|x|}{x} = x^2 + 1 \quad (1)^2 + 1 = 2$$

Existe, porque convergen y de ahí se separan

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{|x|}{x} = 2 \quad z = 2$$

$$x = 1$$

$$l = 2$$

$$f(x) = \frac{|x|}{x} = \begin{cases} x^2 & \text{si } x < 2 \\ 4 & \text{si } x = 2 \\ 6 - 2x & \text{si } x > 2 \end{cases}$$

← constante, así queda

No existe

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{|x|}{x}$$

$$x^2 = (2)^2 = 4$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{|x|}{x}$$

$$6 - 2 \text{ si } x = 4$$

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{|x|}{x}$$

