



**Universidad Del Sureste**

**Campus Comitán**

**Licenciatura en Medicina Humana**



**Tema:**

**“Poniendo limites”**

**Alumna:**

**Anzuetto Aguilar Mónica Monserrat.**

**Grupo: A**

**Grado:2°**

**Materia:**

**“BIOMATEMÁTICAS”**

**Docente:**

**Dra. Rosvani Margine Morales Irecta**

Comitán de Domínguez, Chiapas a 20 de febrero de 2022.

# = BIOMATEMÁTICAS =

08-02-22

Dra. Rovoni

→ Tareas 15%

• Trabajo final 20%

→ Presentaciones

→ Expo 15%

• Examen 50%

no + 12 renglones  
y bibliografía

• **Biomatemáticas**: Uso de herramientas de las matemáticas para el análisis de cuestiones y temas de la biología. También para asuntos de las ciencias ambientales.

→ **LIMITES**: Secuencia infinita de magnitudes, expresa la tendencia de una función o de una sucesión mientras los parámetros se acercan a cierto valor

$f(x)$ : función definida en todos los valores cercanos a un valor "a"

$$\lim_{x \rightarrow a} f(x) = L$$

"El límite de  $f(x)$  es  $L$ "

1) 2.5

$$\begin{array}{r} 2.5 \\ \times 2.5 \\ \hline 12.5 \\ 50 \\ \hline 6.25 \end{array} \rightarrow \lim_{x \rightarrow 2.5} x^2 = 6.25$$

2) 1.5

$$\begin{array}{r} 1.5 \\ \times 1.5 \\ \hline 7.5 \\ 15 \\ \hline 2.25 \end{array} \rightarrow \lim_{x \rightarrow 1.5} x^2 = 2.25$$

3)  $\lim_{x \rightarrow 3} x^2 = 9$

$$\lim_{x \rightarrow 3} x^2$$

$$x = 3$$

4)  $\lim_{x \rightarrow 1} x^2 = 2 \frac{x^2 - 1}{x - 1}$

$$x \rightarrow 1 \quad x - 1$$

$$\frac{(x-1)(x+1)}{(x-1)} = (x+1)$$

↓

$$(1+1) = 2$$

08-02-22

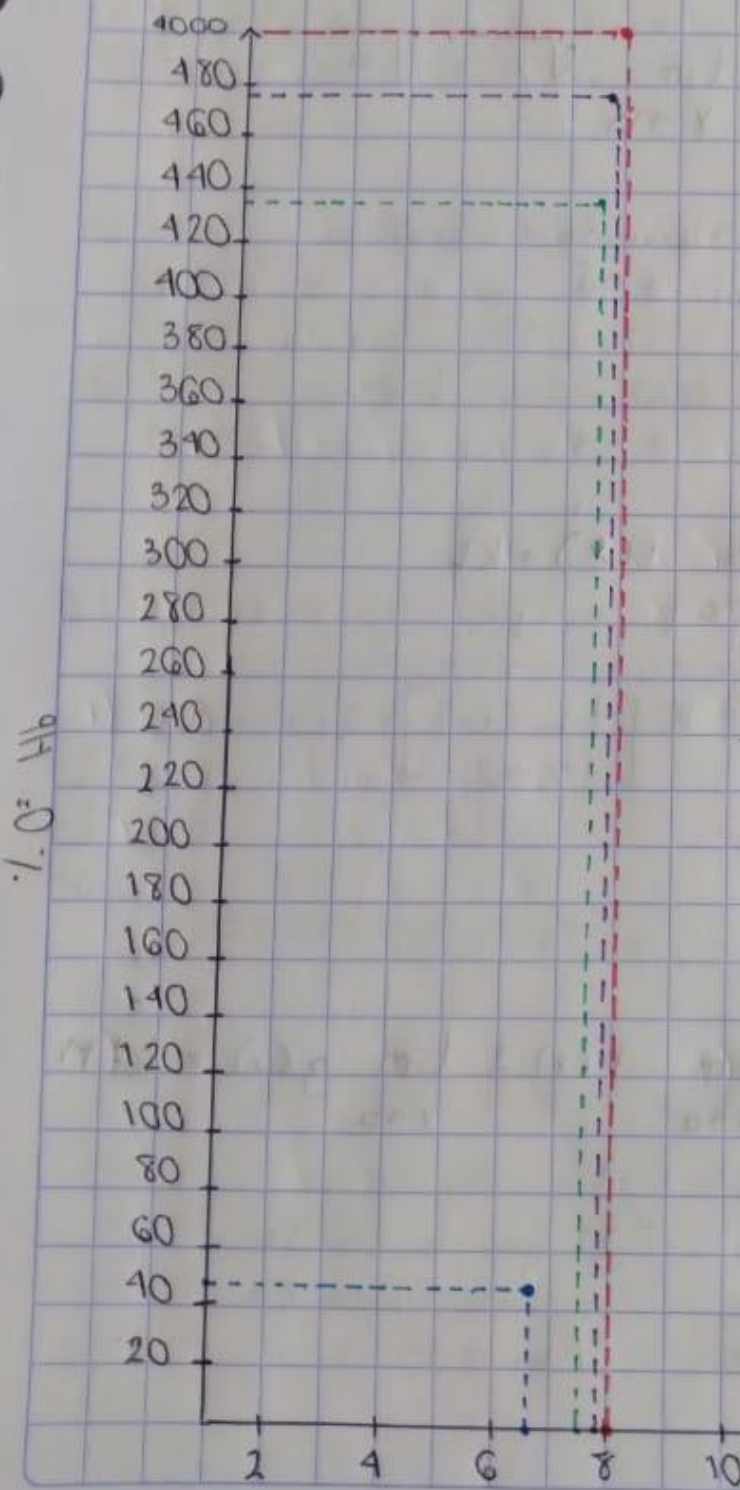
PH  $\rightarrow$  7.2  
7.4  
7.6

$$\begin{array}{r} \lim x^2 = 51.94 \\ \lim x^2 \\ x = 7.2 \\ \hline 50.4 \\ \hline 51.94 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \lim x^2 = 59.76 \\ \lim x^2 \\ x = 7.4 \\ \hline 29.6 \\ \hline 51.8 \\ \hline 59.76 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \lim x^2 = 57.76 \\ \lim x^2 \\ x = 7.6 \\ \hline 45.6 \\ \hline 53.2 \\ \hline 57.76 \end{array}$$

- 1 → pH 6.6     $x^2$         $\lim x^2 = 43.56$      $(6.6)^2$
- 2 → pH 7.6     $x^3$         $\lim x^3 = 438.976$      $(7.6)^3$
- 3 → pH 7.8     $x^3$         $\lim x^3 = 474.552$      $(7.8)^3$
- 4 → pH 8     $x^4$         $\lim x^4 = 4,096$      $(8)^4$



→  $\lim x^2 = 57.76$   
 $x = 7.6$

$$\begin{array}{r} 7.6 \\ \times 7.6 \\ \hline 456 \\ 532 \\ \hline 57.76 \end{array}$$

→  $\lim x^3 = 60.81$   
 $x = 7.8$

$$\begin{array}{r} 7.8 \\ \times 7.8 \\ \hline 624 \\ 60.81 \end{array}$$

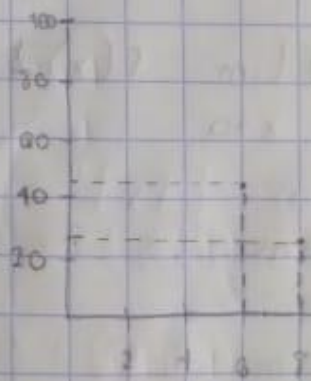
→  $\lim x^4 = 69$   
 $x = 8$

$$\begin{array}{r} 8 \\ \times 8 \\ \hline 64 \\ 60.81 \end{array}$$

MCD

4096	4
1024	2
512	2
256	2
128	2
64	2
32	2
16	2
8	2
4	2
2	2
1	1

→ 8 - 100%  
 2 - X - 25%



15-02-22

= PROPIEDADES DE LOS LÍMITES =

①  $\lim_{x \rightarrow a} c = c$

③  $\lim_{x \rightarrow a} x^n = a^n$

②  $\lim_{x \rightarrow a} x = a$

①  $\lim_{x \rightarrow a} \sqrt[n]{x} = \sqrt[n]{a}$

① x no importa.  
la constante si  
(c = c)

② Elevar algo a la potencia  
x = a

② x = a

③  $\lim_{x \rightarrow 4} \sqrt[3]{4} \quad \lim = 2$

①  $\lim_{x \rightarrow a} k[f(x)] = k \lim_{x \rightarrow a} f(x) = kL$

$\lim_{x \rightarrow 2} k[f(x)]$

$k \left[ \lim_{x \rightarrow 2} (fx) \right] = 2(2) = 4$

$\lim_{x \rightarrow 2} 4[2] = 8$

②  $\lim_{x \rightarrow a} f(x) \pm g(x) = \lim_{x \rightarrow a} f(x) \pm \lim_{x \rightarrow a} g(x) = L \pm M$

$\lim_{x \rightarrow 3} 2x + 3x = 6 + 9 = 15$

" El lim de 2x + 3x cuando tiende x a 3 es = 15 "

$\lim_{x \rightarrow 3} (2(3)) + (3(3)) = 6 + 9 = 15$

15-02-22

pH 6.1 cSat O<sub>2</sub> Hb?

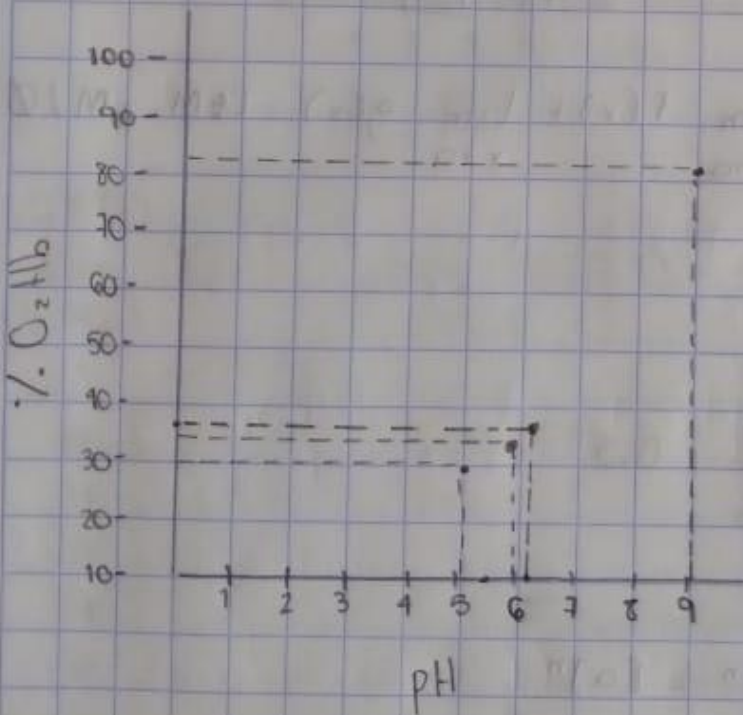
①  $\lim_{x \rightarrow 6.1} 6.1(6.1) = 37.21$

$\lim_{x \rightarrow a} k[f(x)] = k$

②  $\lim_{x \rightarrow 6} 6(x) = 36$

③  $\lim_{x \rightarrow 9} 9(x) = 81$

④  $\lim_{x \rightarrow 5.5} 5.5(5.5) = 30.25$



$$\textcircled{3} \lim_{x \rightarrow a} f(x) \cdot g(x) = \lim_{x \rightarrow a} f(x) \cdot \lim_{x \rightarrow a} g(x) = L \cdot M \quad // \text{q}$$

$$\lim_{x \rightarrow 3} [2x \cdot 4x]$$

" El límite de  $2x$  por  $4x$   
cuando tiende  $x \rightarrow 3$  es  $= 72$  "

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow 3} [2(3) \cdot 4(3)] &= \\ &= 6 \cdot 12 = \underline{72} \end{aligned}$$

$$\left[ \lim_{x \rightarrow 3} 2 \cdot \lim_{x \rightarrow 3} x \right] \left[ \lim_{x \rightarrow 3} 4 \cdot \lim_{x \rightarrow 3} x \right] = \lim_{x \rightarrow 3} 2(3) \cdot \lim_{x \rightarrow 3} 4(3)$$

$$6 \cdot 12 = \underline{72}$$

$$\textcircled{4} \lim_{x \rightarrow a} f(x) + g(x) = \lim_{x \rightarrow a} f(x) + \lim_{x \rightarrow a} g(x) = L + M, M \neq \infty$$

$$\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x)}{g(x)}$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{4x}{8x} = \frac{4(2)}{8(2)} = \frac{8}{16} = 0.5$$

$$\blacktriangleright \lim_{x \rightarrow a} [f(x)]^n = \lim_{x \rightarrow a} x^n = [a]^n$$

$$\blacktriangleright \lim_{x \rightarrow a} \sqrt[n]{f(x)} = \lim_{x \rightarrow a} \sqrt[n]{x} = \sqrt[n]{a}$$

15-02-22

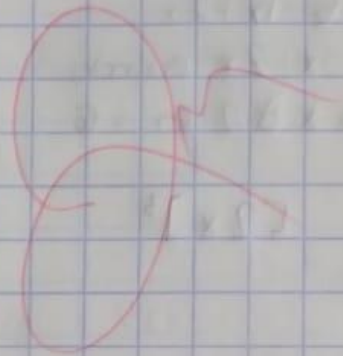
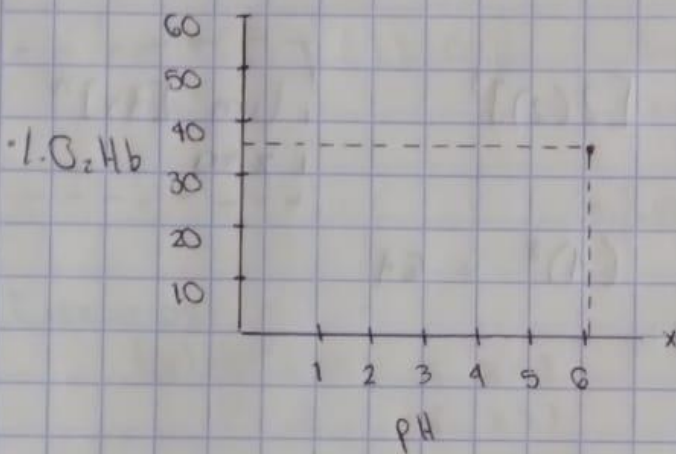
Ejemplo

pH 6.1  $\dot{c}S_a + O^2 H_b?$

$$\lim_{x \rightarrow 6.1} x = k [f(x)] = 6.1$$

$$k [f(6.1)] = 6.1$$

$$\lim_{x \rightarrow 6.1} x = 6.1 (6.1) = 37.21$$



= TAREA =

c = 80

$$\lim_{x \rightarrow 6.1} 80x = \lim_{x \rightarrow 6.1} 80(6.1) = 488$$

488	2
244	2
122	2
61	61
7	

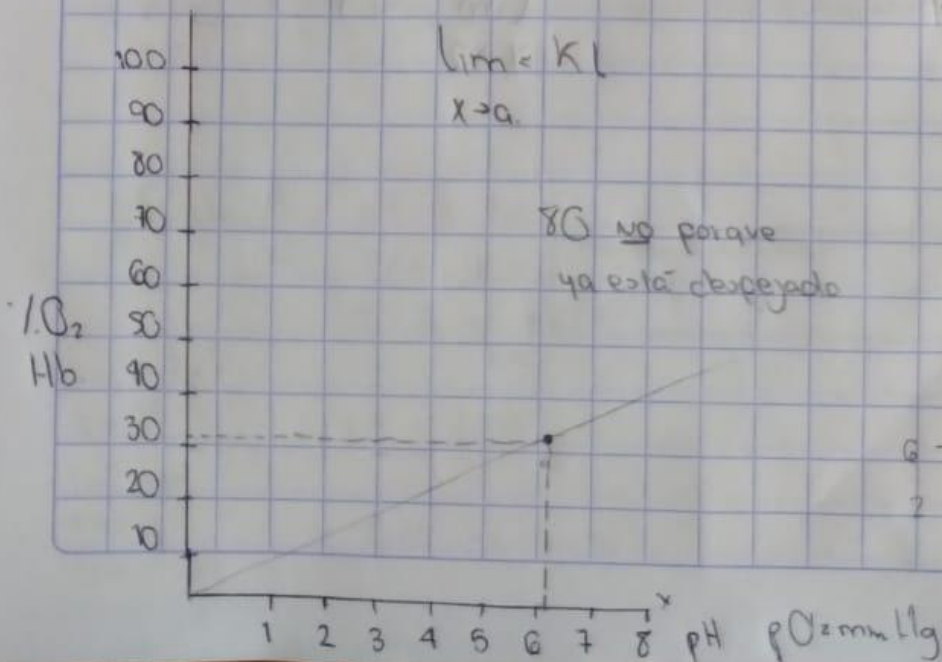
$$\lim_{x \rightarrow a} = kL$$

80 no porave  
ya esta despejado

$$6.1 - 100$$

$$2 - x$$

$$= 32.78\%$$



6 - 100	180	2
2 - x	240	2
	120	2
	60	2
	30	2
	15	3
	5	5

Norma



15-02-22

= TAREA =

$$\textcircled{1} \lim_{x \rightarrow 2} \frac{4x + 2x}{3x - 2x} \quad \lim_{x \rightarrow 2} \frac{4(2) + 2(2)}{3(2) - 2(2)}$$

El límite de la  
diferencia de la  
suma de  $4x + 2x$   
entre  $3x - 2x$  cuando  
tiende  $x$  a  $2$  es  $= 6$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{8 + 4}{6 - 4} = \frac{12}{2} = \underline{6}$$

$$\textcircled{2} \lim_{x \rightarrow 2} [2x]^3 \quad \lim_{x \rightarrow 2} [2(2)]^3 \quad \lim_{x \rightarrow a} [f(x)]^n$$

El cubo del  
producto de doble  
de  $x$  cuando tiende  
 $x$  a  $2$  es  $= 64$

$$\lim_{x \rightarrow 2} (4)^3 = 64$$

$$\textcircled{3} \lim_{x \rightarrow 2} \sqrt{2x} \quad \lim_{x \rightarrow a} \sqrt[n]{f(x)} \quad \lim_{x \rightarrow 2} \sqrt{2(2)}$$

La raíz cuadrada  
del doble de  $x$  cuando  
tiende  $x$  a  $2$  es  $= 2$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \sqrt{4} = \underline{2}$$

## = LÍMITES LATERALES =

- Cuando  $x$  se acerca a  $0$  por la derecha  $<$

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$$

ó

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{|x|}{x}$$

No convergen,  
están separados  
aunque inician  
en el mismo  
punto

- Cuando  $x$  se acerca a  $0$  por la izquierda  $>$

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$$

ó

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{|x|}{x}$$

$$x > 0$$

$$x \neq 0$$

$$f(x) = \frac{|x|}{x} = \begin{cases} +1 & x > 0 \\ -1 & x < 0 \end{cases}$$

## EJERCICIOS:

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + 1 & \text{si } x < 1 \\ 2 & \text{si } x > 1 \end{cases}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{|x|}{x} = x^2 + 1 \quad (1)^2 + 1 = 2$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{|x|}{x} = 2 \quad z = 2$$

Existe, porque convergen  
y de ahí se separan

$$x = 1$$

$$l = 2$$

$$f(x) = \frac{|x|}{x} = \begin{cases} x^2 & \text{si } x < 2 \\ 4 & \text{si } x = 2 \\ 6 - 2x & \text{si } x > 2 \end{cases}$$

← constante, así queda

No existe

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{|x|}{x}$$

$$x^2 = (2)^2 = 4$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{|x|}{x}$$

$$6 - 2 \text{ si } x = 4$$

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{|x|}{x}$$

