Nombre del alumno: josselin dominguez cruz

Nombre del profesor: Ing. Carlos Alejandro barrios ochoa

Licenciatura: arquitectura

Materia: Análisis de estructuras

Nombre del trabajo: investigación 2

Ocosingo, Chiapas 7 abril de 2022.

Carga de pandeo de Euler (para diferentes tipos De apoyos)

A fin de formular las ecuaciones diferenciales que permitan determinar la carga de pandeo de una columna ideal, se debe permitir que ocurra un pequeño desplazamiento lateral del eje de la columna. Para la columna con extremos articulados e inicialmente recta

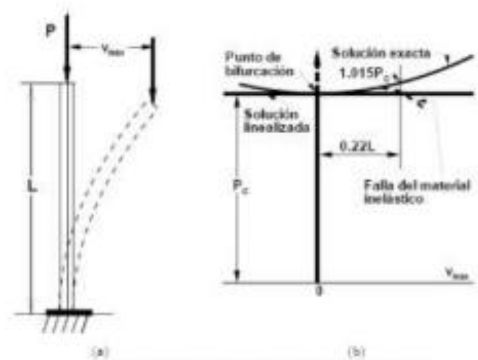

Figura 6 Comportamiento de una barra idealmente elástica

La ecuación se puede satisfacer tomando C1 = 0. Como esto corresponde a la condición sin pandeo, esta solución es trivial. Alternativamente la ecuación también se satisface si

$$\alpha L = \sqrt{\frac{P}{EI}}L = n\pi$$

Donde I debe ser el momento de inercia mínimo del área transversal de la columna y L la longitud de la misma. Este caso de una columna articulada en ambos extremos con frecuencia se lo denomina el caso fundamental. Sustituyendo la ecuación, sabiendo que C2 es cero, se obtiene el modo o forma de pandeo de la columna

Esta es la función característica o auto función de este problema y puesto que n puede tomar cualquier valor entero, hay un número infinito de tales funciones. En esta solución linealizada la amplitud C1 del modo de pandeo permanece indeterminada. Para n= 1, la curva elástica es media onda de una sinusoide. Esta forma, junto con los modos correspondientes a n = 2 y n = 3. Los modos de orden superior no tienen significado físico en el problema de pandeo, puesto que la carga crítica mínima ocurre en n = 1. Una solución alternativa del problema anterior se puede obtener utilizando la ecuación diferencial igualada a cero. La evaluación de este determinante conduce a sen(L) = 0, que es precisamente laα condición dada por la ecuación (9.23). Este método es ventajoso en problemas con diferentes condiciones de contorno en que la fuerza axial y el producto. EI permanecen constantes en toda la longitud de la columna. El método no se puede aplicar si la fuerza axial se extiende sólo sobre una parte de un miembro.

Limitación de la ecuación de pandeo elástico

En las deducciones anteriores de las fórmulas de pandeo para columnas se supuso tácitamente que el material se comportaba de manera linealmente elástica. Para poner de manifiesto esta significativa limitación, la ecuación (9.26) puede escribirse en forma diferente. Por definición, I = Ar2, donde A es el área de la sección transversal y r es su radio de giro.

$$P_C = \frac{\pi^2 EI}{L^2} = \frac{\pi^2 EAr^2}{L^2}$$

$$\sigma_C = \frac{P_C}{A} = \frac{\pi^2 E}{(L/r)^2}$$

Donde la tensión crítica, C, para una columna se define como un promedio en el área transversal A de la misma, debido a la carga crítica PC. La longitud4 de la columna es L y r el radio de giro mínimo del área de la sección, puesto que la fórmula original de Euler se da en términos del valor mínimo. La relación L y r de la longitud de la columna al radio de giro mínimo de un área transversal se llama relación de esbeltez de la columna. De la ecuación se puede concluir el límite de proporcionalidad del material es el límite superior de la tensión con la cual la columna pandeará elásticamente. La modificación necesaria de la fórmula para incluir la respuesta inelástica del material se estudiará en la siguiente sección.