



**Nombre de alumno: Hector Elián Alejandro Villarreal**

**Nombre del profesor: Juan José Ojeda Trujillo**

**Nombre del trabajo: Reporte de Actividades**

**Materia: Geometría y Trigonometría**

**PASIÓN POR EDUCAR**

**Grado: 2DO**

**Grupo: A**

Comitán de Domínguez Chiapas a 11 de marzo de 2022.

## ACTIVIDADES DE CLASE:

3RA Unidad: Semejanza de triángulos.

La figura rectilíneas semejantes tienen la misma forma y diferente tamaño. Además presentan la propiedad de proporcionalidad en la medida de sus lados correspondientes. A continuación se presenta un breve resumen de los conceptos de razón y proporcionalidad.

Razón y Proporción:

Razón: el cociente entre dos cantidades se denomina razón. Si  $a$  y  $b$  son las cantidades entonces la razón entre ellas se expresa como,  $a:b$   $\frac{a}{b}$

Proporción: la igualdad de dos razones se denomina proporción por ejemplo:  $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$   $a$  es  $a(b)$  como  $c$  es  $c(d)$ .

Segmentos proporcionales:

Si  $a$  los segmentos  $a$  y  $b$  les corresponde  $c$  y  $d$  de manera que formen una proporción  $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$  entonces se dice que los 4 segmentos  $a, b, c, d$  son proporcionales.

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d} \Rightarrow d \cdot a = c \cdot b$$

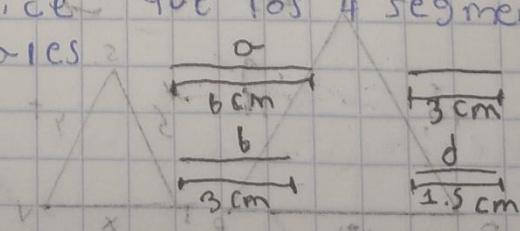
$$\frac{a}{b} \cdot d = \frac{c \cdot b}{d} \Rightarrow d = \frac{c \cdot b}{a}$$

$$d = \frac{c \cdot b}{a} = \frac{3 \cdot 3}{2} = 1.5$$

$$\frac{b}{3} = \frac{3}{1.5}$$

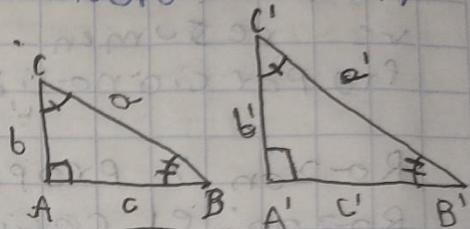
$$\frac{a \cdot d}{b \cdot (x)} = \frac{c}{x}$$

Regla de



~~Definición~~  
Definición

de triángulos semejantes:  
Dos triángulos son semejantes si sus ángulos homólogos son congruentes y sus lados homólogos son proporcionales.  
La relación de semejanza de triángulos se representa mediante el símbolo  $\sim$  así, el triángulo  $\triangle ABC \sim \triangle A'B'C'$ .



Despeje

$$v = \frac{b}{+}$$

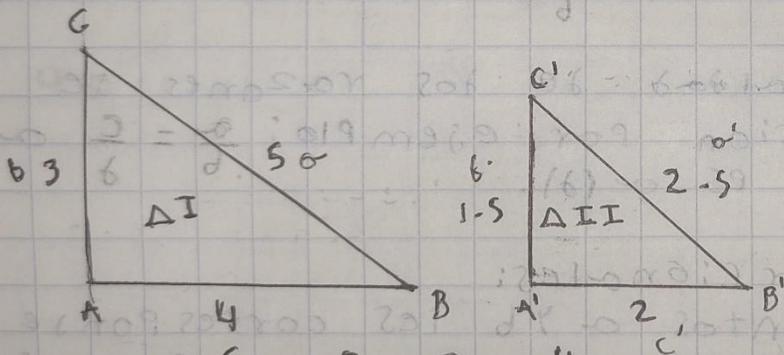
$$+ v = \frac{b}{+}$$

$$\angle A = \angle A'$$

$$\angle B = \angle B'$$

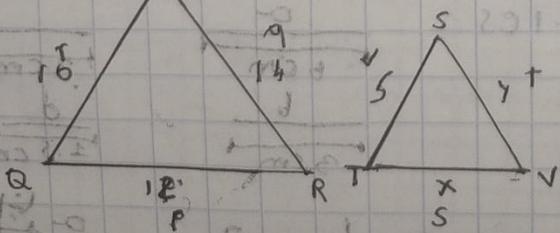
$$\angle C = \angle C'$$

$$\frac{a}{a'} = \frac{c}{c'} \Rightarrow \frac{b}{b'} = \frac{c}{c'} = \frac{a}{a'} = \frac{b}{b'} = \frac{c}{c'}$$



$$\frac{a}{a'} = \frac{b}{b'} = \frac{c}{c'}$$

$$\frac{5}{2.5} = \frac{3}{1.5} = \frac{4}{2}$$



$$\frac{10}{5} = \frac{12}{x}$$

$$x(10) = (12)(5)$$

$$x = \frac{(12)(5)}{10} \quad x = 6$$

$$\frac{14}{y} = \frac{10}{5}$$

$$(14)(5) = (10)y$$

$$\frac{(14)(5)}{10} = y \quad y = 7$$

$$\frac{a}{v} = \frac{r}{v} = \frac{p}{v} \Rightarrow \frac{14}{y} = \frac{10}{5} = \frac{12}{x}$$

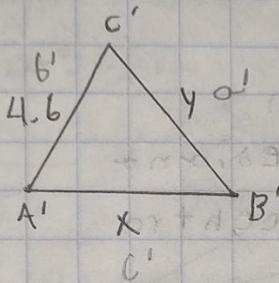
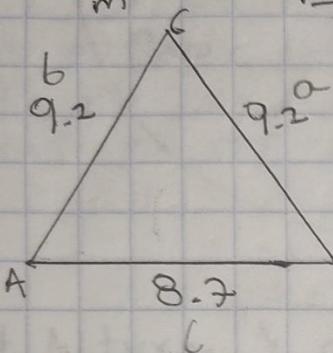
Despejes:

$$EC = \frac{mv^2}{2}$$

$$2EC = mv^2$$

$$\frac{2EC}{m} = v^2$$

$$\sqrt{\frac{2EC}{m}} = v \quad \text{ó} \quad v = \sqrt{\frac{2EC}{m}}$$



$$\frac{a}{a'} = \frac{b}{b'} = \frac{c}{c'}$$

$$\frac{9.2}{y} = \frac{9.2}{4.6} = \frac{8.7}{x}$$

$$\frac{9.2}{4.6} = \frac{8.7}{x}$$

$$x = \frac{(9.2)(8.7)(4.6)}{9.2}$$

$$x = \frac{(8.7)(4.6)}{9.2}$$

$$x = 4.35$$

$$x = \frac{8.7 \times 4.6}{9.2}$$

$$y = \frac{9.2}{\frac{9.2}{4.6}} = \frac{9.2}{1} = 9.2$$

$$y = \frac{(9.2)(9.2)(4.6)}{9.2}$$

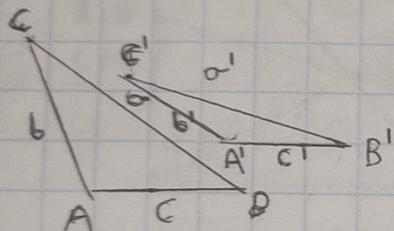
$$y = \frac{(9.2)(4.6)}{9.2}$$

$$y = 4.6$$

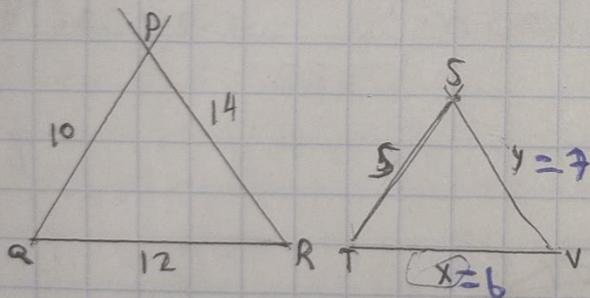
## DEFINICION DE TRIANGULOS SEMEJANTES:

Dos triángulos son semejantes si sus ángulos homólogos son congruentes y proporcionales. (los dos homólogos)

La relación de semejanza de triángulos se representa mediante el símbolo  $\sim$ ,  $\triangle ABC \sim \triangle A'B'C'$  esto significa que el triángulo ABC es semejante al triángulo A'B'C'.



$$\begin{aligned} \angle A &\cong \angle A' & \frac{a}{a'} &= \frac{b}{b'} = \frac{c}{c'} \\ \angle B &\cong \angle B' \\ \angle C &\cong \angle C' \end{aligned}$$



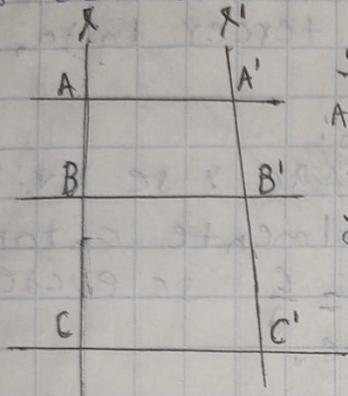
$$\frac{PQ}{ST} = \frac{PR}{TV} = \frac{QR}{TV}$$

$$\frac{10}{5} = \frac{12}{x} = \frac{14}{7}$$

$$\frac{10}{5} = \frac{12}{6} = \frac{14}{7}$$

$$\begin{aligned} \frac{10}{5} &= \frac{12}{x} \\ 10x &= 60 \\ x &= \frac{60}{10} \\ x &= 6 \end{aligned}$$

Si varias líneas rectas paralelas son cortadas por 2 líneas rectas transversales, los segmentos rectilíneos correspondientes que se determinan en estas son proporcionales.



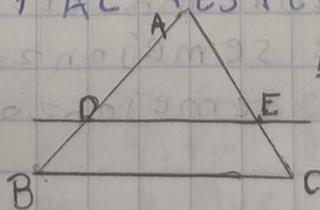
Si  $A'A'' \parallel B'B'' \parallel C'C''$ , y  $\lambda$  y  $\lambda'$  son transversales a aquellas, siendo  $\overline{AB}$  y  $\overline{BC}$  segmentos de  $\lambda$  que corresponden a  $\overline{A'B'}$  y  $\overline{B'C'}$  de  $\lambda'$  entonces:

$$\frac{\overline{AB}}{\overline{BC}} = \frac{\overline{A'B'}}{\overline{B'C'}}$$

Nota: Este teorema de Tales es general, se verifica para cualquier número de paralelas y para cualquier posición de las rectas transversales.

**Teorema de la Proporcionalidad de triángulo:**  
Toda recta paralela a un lado de un triángulo divide a los otros 2 lados en segmentos proporcionales.

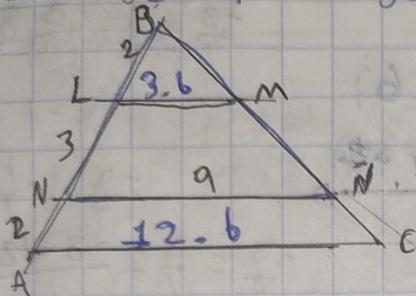
En otras palabras en el triángulo  $ABC$ , sean  $D$  y  $E$  puntos de  $AB$  y  $AC$  respectivamente es paralela a  $BC$ .



$$\frac{AB}{AD} = \frac{AC}{AE}$$

## APLICACIONES:

A continuación se presentan ejemplos de aplicación práctica del teorema de Proporcionalidad y de los teoremas de semejanza de triángulos que hemos estudiado.



$$AB = 7$$

$$NN = 9$$

$$LM = ?$$

$$BN = 5$$

$$BL = 2$$

$$x$$

$$AC = \frac{AC}{AB}$$

$$\frac{AC}{NN}$$

$$AC = \frac{7}{9}$$

$$\frac{LM}{NN} = \frac{BL}{BN}$$

$$\frac{LM}{9} = \frac{2}{5}$$

$$AC = \frac{7}{9}$$

$$LM = \frac{2(9)}{5}$$

$$LM = 3.6$$

$$\frac{9(7)}{5} = AC$$

$$AC = 12.6$$

$$BM = x$$

$$BN = x$$

$$BC = x$$

fator  
al  
angulo.

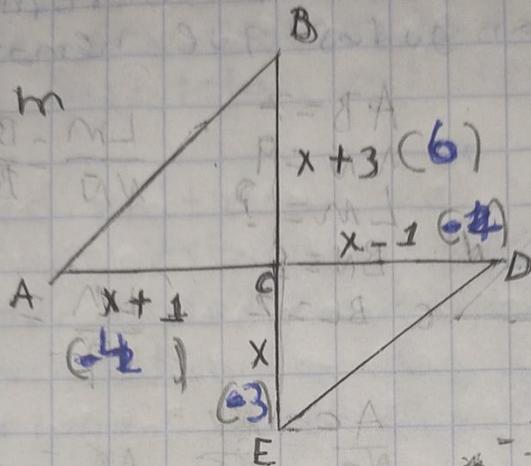
se te pide a berenice y a su equipo de compañeros que calculen la altura del asta donde se ~~iza~~ la bandera, para ello el maestro les dice que deben utilizar los conceptos aprendidos de triángulos y les proporciona una cinta métrica.

Solución: el equipo del compañero sale al patio y observan el asta y proyecta una sombra de 20 cm y que la sombra de berenice en ese momento es de 10 cm. Se sabe que la estatura de berenice es de 1.70 m.  
 asta = 340 cm

$$\frac{h}{170} = \frac{20}{16}$$

$$h = \frac{20(170)}{16}$$

$$h = 340 \text{ cm}$$



$$\frac{-3}{4} = \frac{2}{1} = \frac{x+2}{8} = \frac{14}{8}$$

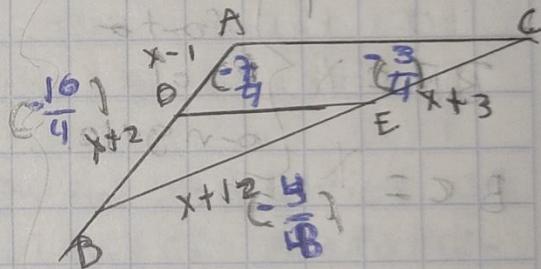
$$x-1$$

$$\frac{-3}{4} = \frac{1}{1} = \frac{-3-4}{1}$$

$$\frac{-3}{4} = \frac{3}{1} = \frac{-3-12}{1} = \frac{-15}{1}$$

$$\frac{-3}{4} = \frac{12}{1} = \frac{-3-48}{1} = \frac{-51}{1}$$

$$\frac{x+3}{x} = \frac{x+1}{x-1}$$



$$(x+3)(x-1) = (x+1)(x)$$

$$3x - 3$$

$$(x+1)(x+2) = (x+3)(x+2)$$

$$\frac{x+1}{x+2} = \frac{x+3}{x+2}$$

$$(x+1)(x+2) = (x+3)(x+2)$$

$$x^2 + 2x + x + 2 = x^2 + 2x + 3x + 6$$

$$x^2 + 3x + 2 = x^2 + 5x + 6$$

$$x^2 + 3x - x^2 - 5x = 6 - 2$$

$$-2x = 4$$

$$x = -2$$

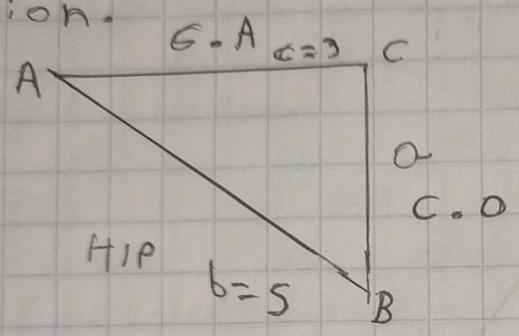
$$x^2 + 2x - 3 = x^2 + x$$

$$x^2 + 2x - x^2 - x = -3$$

$$x = -3$$

Ejercicios:

1- Empleando el teorema de Pitágoras, determina el valor del lado A del triángulo rectángulo que se muestra a continuación.



$$HIP^2 = C.O^2 + C.A^2$$

$$5^2 = a^2 + 3^2$$

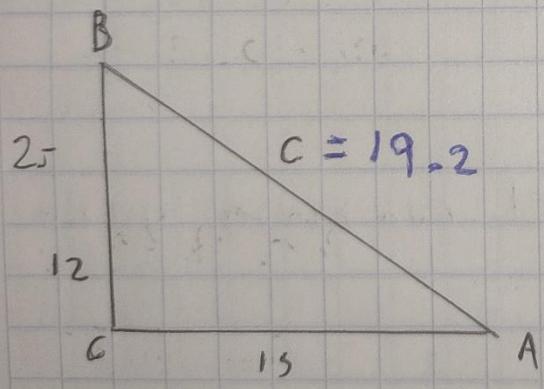
$$5^2 - 3^2 = a^2$$

$$\sqrt{5^2 - 3^2} = \sqrt{a^2}$$

$$\sqrt{25 - 9} = a$$

$$\sqrt{16} = a$$

$$4 = a$$



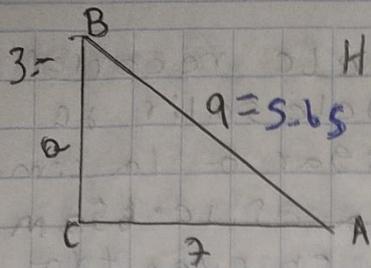
$$HIP^2 = C.O^2 + C.A^2$$

$$c^2 = 12^2 + 15^2$$

$$c^2 = \sqrt{144 + 225}$$

$$c^2 = 369$$

$$c = 19.20$$



$$HIP^2 = C.A^2 + C.O^2$$

$$9 = 5.65 \quad 9^2 = 7^2 + a^2$$

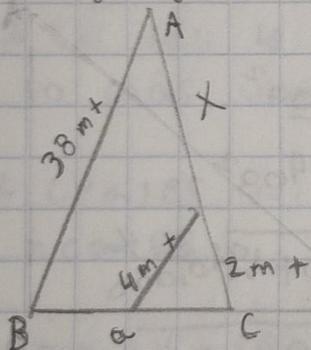
$$9^2 - 7^2 = a^2$$

$$\sqrt{81 - 49} = a$$

$$\sqrt{32} = a$$

$$5.65 = a$$

4. calcula la altura de un edificio, si se sabe que una de sus ventanas que se encuentra a una altura de 2m, se pone una escalera que tiene una longitud de 4m, si sabe que desde la parte más alta del edificio a la base de la escalera hay una longitud de 38m.



$$a^2 = 4^2 + 2^2$$

$$a^2 = \sqrt{4^2 + 2^2}$$

$$a = \sqrt{16 + 4}$$

$$a = \sqrt{20}$$

$$a = 3.46$$

$$38^2 = a^2 + x^2$$

$$38^2 - 3.43 = x^2$$

$$\sqrt{1449 - 11.77} = x$$

$$\sqrt{1437.23} = x$$

$$37.84 = x$$