

Nombre del alumno: Esthela Nahomy Álvarez Cruz

Nombre del profesor: Juan José Ojeda

Nombre del trabajo: mapa conceptual

Materia: Geometría Analítica

Fecha: 29/07/2021

Grado: 3



# Ecuaciones de la circunferencia

A continuación

Determinación de la ecuación de la circunferencia a partir de tres coordenadas dadas

Después

Así pues, los 3 puntos dados que sabemos que son de la circunferencia los debemos sustituir en la ecuación general y de eso resultarán tres ecuaciones con incógnitas,  $a$ ,  $b$ ,  $c$ .

Ejemplo: Supongamos que la circunferencia a describir pasa por los puntos,  $(0,0)$   $(3,1)$  y  $(5,7)$ .

Sustituimos para cada uno  $x$  e  $y$  en la ecuación general de la circunferencia:  $(0,0) / 0^2 + 0^2 + A \cdot 0 + B \cdot 0 + c = 0$   $(3,1) / 3^2 + 1^2 + A \cdot 3 + B \cdot 1$ .

Debemos resolver el siguiente sistema de ecuaciones para incógnitas  $A$ ,  $B$  y  $C$ :

$$C=0$$

$$A \cdot 3 + B \cdot 1 + C = 0$$

$$25 + 49 + A \cdot 5 + D \cdot 7 + C = 0$$

Primero sustituimos la  $C$  en las demás ecuaciones puesto que ya es conocida, (es cero) y realizamos las operaciones entre los términos independientes

$$10 + 3A + B = 0$$

$$74 + 5A + 7B = 0$$

Aislamos por ejemplo  $B$  de la primer ecuación:  $B = 10 - 3A$  / y la ponemos en la segunda ecuación de donde podremos aislar y obtener:  $A$

$$74 + 5A + 7(-10 - 3A) = 0$$

$$74 + 5A - 70 - 21A = 0$$

$$16 - 16A = 0$$

$A = 4/16 = 1/4$  / y obtendremos que:  $B = 43/4$  / Así pues ya conocemos cada uno de los parámetros que nos determinan la circunferencia, por lo tanto podemos escribir la ecuación:  $X^2 + y^2 + 1/4 X - 43/4 = 0$

Determinación de los diferentes casos de relación entre la circunferencia y la recta

Posteriormente

La posición relativa de una recta con respecto a una circunferencia puede ser: Exterior: Si la distancia entre la recta y el centro es mayor que el radio. Tangente: Si la distancia entre la recta y el centro es igual que el radio. Secante: Si la distancia entre la recta y el centro es menor que el radio.

Ejemplo: Escriba la ecuación de la circunferencia que tiene por centro el origen y que pasa por el punto  $A(6,8)$  / Solución: Se conocen las coordenadas del centro, pero no el radio, por lo tanto, de la ecuación (1A):

$$X^2 + y^2 = r^2 \text{ sustituyendo } (x, y) / (6)^2 + (-8)^2 = r^2$$

$$r^2 = 100 \text{ extrayendo la raíz cuadrada se obtiene: } r = 10$$

Por lo tanto la ecuación pedida es:  $X^2 + y^2 = 10$  o  $X^2 + y^2 = 100$

b)  $x^2 + y^2 = 9$  / Al comparar esta ecuación con la de la circunferencia,  $x^2 + y^2 = r^2$

Se obtiene que  $r^2 = 9$ . Por consiguiente,  $r = \sqrt{9} = 3$ . Debido a la forma de la ecuación, las coordenadas del

Centro son  $C(0,0)$ .

## Posición relativa de dos circunferencias

### También

La posición relativa de dos circunferencias puede ser:  
Exteriores: Si no tienen ningún punto en común y la distancia entre sus centros es mayor que la suma de sus radios.  
Interiores: No tienen ningún punto en común y la distancia entre sus centros es menor que la diferencia de sus radios.

Ejemplo: Dos circunferencias son tangentes exteriores cuando la suma de sus radios es igual a la distancia de sus centros, lo que quiere decir que:  $r + R = D$

Siendo  $r$  el radio de la circunferencia más pequeña y  $R$  el de la mayor y  $D$  la distancia entre los centros.

## Determinación de la ecuación de la parábola y su gráfica

### Finalmente

Dados un punto  $FF$  (foco) y una recta  $rr$  (directriz), se denomina parábola al conjunto de puntos del plano que equidistan del foco y de la directriz.

Ejemplo: Expresar  $y = -x^2 - 2x + 8$  en forma de ecuación normal de una parábola con eje vertical. Determinar la posición del vértice.

Solución:  $y = -x^2 - 2x + 8$ : ecuación dada

$y = -(x^2 + 2x) + 8$ : se saca  $-1$  como factor común de  $-x^2 - 2x$

$y = -(x^2 + 2x + 1) + (8 + 1)$ : se completa el cuadrado en  $x^2 + 2x$

$y = -(x - (-1))^2 + 9$ : ecuación equivalente

$y = -(x + 1)^2 + 9$ : ecuación equivalente