



UNIVERSIDAD DEL SURESTE

Medicina Humana

Nombre del alumno: Yamili Lisbeth Jiménez Arguello.

Nombre del profesor: Dr. Sergio Jiménez Ruiz.

Nombre del trabajo: Introducción al cálculo.

Materia: Biomatemáticas.

Grado y grupo: 2°B.

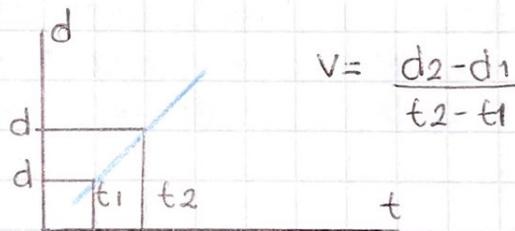
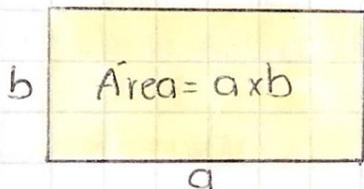
Comitán de Domínguez Chiapas a 1 de junio del 2021.

"Introducción al cálculo."

La integral, la derivada y el teorema fundamental del Cálculo.

Cálculo.

Para encontrar el área de una figura rectangular, basta medir dos de sus lados y multiplicar los valores obtenidos. Para encontrar la velocidad de un cuerpo que se mueve con velocidad uniforme, basta medir la distancia que recorre en un tiempo determinado y dividirla entre el tiempo. Esto último equivale a calcular la pendiente gráfica de la posición del cuerpo con respecto al tiempo, que es una línea recta.



El cálculo es la rama de las matemáticas que surge al considerar estos problemas. Para su desarrollo el cálculo necesita crear los conceptos de límite, integral, y derivada, y establecer la profunda relación que existe entre ellos.

La historia del cálculo se remonta a la antigua Grecia con trabajos de los mejores matemáticos griegos como fueron Eudoxo y Arquímedes, y llegan a su culminación en el siglo XVIII con los trabajos de Leibniz y Newton.

La integral.

Es una función $f(x)$ en un intervalo $[a, b]$, se define de manera que corresponda al área bajo la gráfica de la función entre los puntos a y b del eje horizontal y se denota por:

$$\int_a^b f(x) dx.$$

Se considera una partición del intervalo $[a, b]$ que consiste de puntos $\{x_0, x_1, x_2, \dots, x_n\}$ tales que $a = x_0 < x_1 < x_2 < \dots < x_n = b$. En cada intervalo $[x_{n-1}, x_n]$ se escoge un punto S_n . La integral se define como el límite de las sumas de los productos de los valores $f(S_n)$ y las longitudes $x_n - x_{n-1}$ de los intervalos $[x_{n-1}, x_n]$, cuando la partición se hace cada vez más fina, es decir el máximo de las longitudes $x_n - x_{n-1}$ tiende a cero.

La derivada.

Es una función $f(x)$ en un punto x se define de manera que coincida con la pendiente de la recta tangente a la gráfica de f en x y se denota por:

$$\frac{df}{dx} \text{ o por } f'(x).$$

La definición formal se hace a través de un límite. Se consideran todas las rectas que pasan por los puntos $(x, f(x))$ y $(x+h, f(x+h))$ donde h es un número distinto de cero. Se trata de rectas secantes a la gráfica de f en el punto $(x, f(x))$ es la que pasa por ese punto y tiene como pendiente, a:

$$\frac{df}{dx} = f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$$

La velocidad instantánea de un cuerpo en movimiento se define como la derivada de la posición $x(t)$ del cuerpo como función del tiempo. En símbolos:

$$v(t) = \frac{dx}{dt} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{x(t+h) - x(t)}{h}$$

El teorema fundamental del cálculo.

Si F y f son dos funciones tales que $f(x) = \frac{dF}{dx}(x)$ para toda x en un intervalo $[a, b]$, entonces:

$$\int_a^b f(x) dx = F(b) - F(a)$$

Otro enunciado equivalente de este teorema dice que si f es una función definida en un intervalo $[a, b]$ y se define:

$$F(x) = \int_a^x f(t) dt$$

Entonces $\frac{dF}{dx}(x) = f(x)$ para x en $[a, b]$.

El teorema dice que, en cierto sentido y la derivación son operaciones inversas.

Bibliografía:

- Unidades interactivas para bachillerato desarrolladas por la Dirección de Evaluación Educativa de la UNAM en colaboración con el Instituto de Matemáticas y el Proyecto Arquímedes.
- Adaptado a DescartesJS en el proyecto LITE 2020 financiado por CONACyT.