



PASIÓN POR EDUCAR

**Nombre del alumno: Jesús Eduardo  
Gómez Figueroa**

**Nombre del profesor: Sergio  
Jiménez Ruiz**

**Nombre del trabajo: Introducción al  
Cálculo**

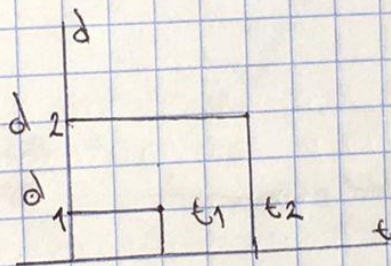
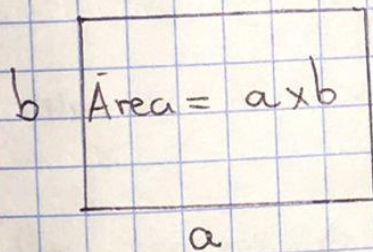
**Materia: Bioma temáticas**

**Grado: 2 A**

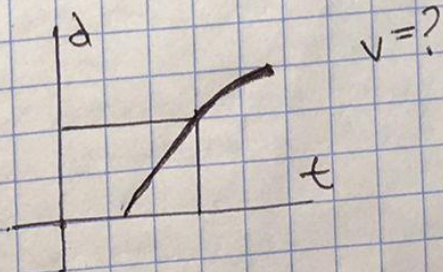
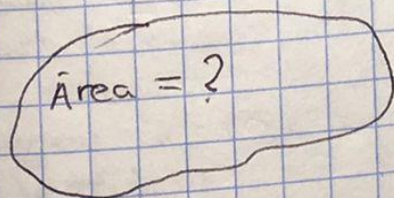
Comitán de Domínguez Chiapas a 1 de junio del 2021



¿Qué es el cálculo? Para encontrar el área de una figura rectangular, basta medir dos de sus lados y multiplicar los valores obtenidos. Para encontrar la velocidad de un cuerpo que se mueve con velocidad uniforme, basta medir la distancia que recorre en un tiempo determinado y dividirla entre el tiempo. Esto último equivale a calcular la pendiente de gráfica de la posición del cuerpo con respecto al tiempo, que es una línea recta.



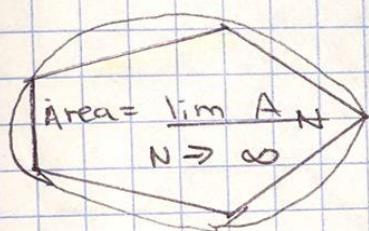
Pero el área de una figura delimitada por curvas o la velocidad instantánea de un cuerpo que se mueve con velocidad variable, no se pueden obtener con procedimientos tan simples.



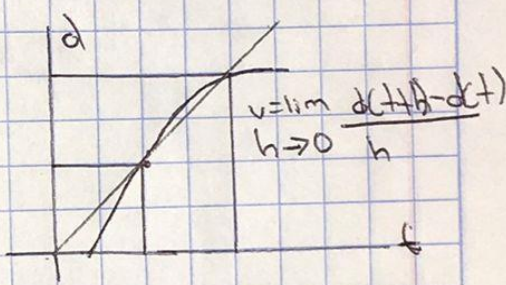
Esto requiere de realizar aproximaciones cada vez más parecidas a lo que se requiere



Calcular, mediante construcciones que podamos manejar, lo cual lleva a considerar no uno si no muchos cálculos, y además algo más complejo que es la obtención de un valor límite, a quel al que se acercan cada vez más los valores aproximados.



Numero de lados  $N = \triangleup 5$   
 $\nabla$



Incremento  $h = \triangleleft$   $\triangleright 1.000000$

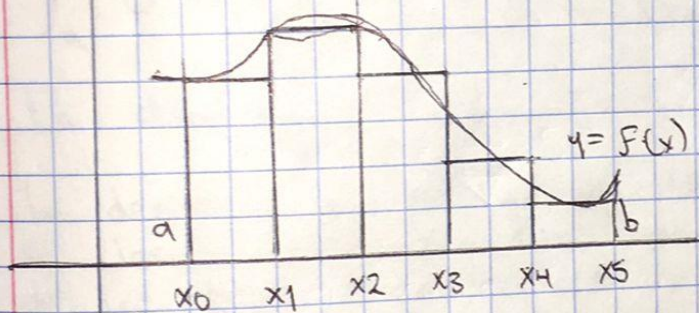
Por ejemplo, el área de la figura con frontera curva ilustrada arriba puede aproximarse mediante el área de polígonos de  $N$  lados. El área de la figura será el límite de las áreas de esos polígonos. Análogamente, la velocidad en el tiempo  $t$  del cuerpo cuya gráfica de movimiento se ilustra arriba, se calcula como el límite de las velocidades medias entre los tiempos  $t$  y  $t+h$ , cuando  $h$  tiende a cero. El cálculo (llamado también cálculo diferencial e integral o cálculo infinitesimal) es la rama de las matemáticas que surge al considerar estos problemas. Para su desarrollo el cálculo necesita crear los conceptos de límite, integral y derivada, y establecer la profunda relación que existe entre ellos. Dicha relación se conoce como el Teorema fundamental del cálculo.



La historia del cálculo se remonta a la antigua Grecia con trabajos de los mejores matemáticos griegos como fueron Eudoxo y Arquímedes, y llega a su culminación en el siglo XVIII con los trabajos de Leibniz y Newton.

La integral.

$$\sum_{n=1}^5 f(s_n) (x_n - x_{n-1}) = 8.661$$



$$N \begin{array}{c} \blacktriangle \\ \hline 5 \\ \blacktriangledown \end{array}$$

La integral de una función  $f(x)$  en un intervalo  $[a, b]$ , se define de manera que corresponda al área bajo la gráfica de la función entre los puntos  $a$  y  $b$  del eje horizontal y se denota por:

$$\int_a^b f(x) dx.$$

La definición formal se hace a través de un límite. Se considera una partición del intervalo  $[a, b]$  que consiste de puntos  $\{x_0, x_1, x_2, \dots, x_N\}$



tales que  $a = x_0 < x_1 < x_2 < \dots < x_n = b$ . En cada intervalo  $[x_{n-1}, x_n]$  se escoge un punto  $s_n$ . La integral se define como el límite de las sumas de los productos de los valores  $f(s_n)$  y las longitudes  $x_n - x_{n-1}$  de los intervalos  $[x_{n-1}, x_n]$ . Cuando la partición se hace cada vez más fina, es decir, cuando el máximo de las longitudes  $x_n - x_{n-1}$  tiende a cero. En símbolos,

$$\int_a^b f(x) dx = \lim_{\|P\| \rightarrow 0} \sum_{n=1}^N f(s_n) (x_n - x_{n-1})$$

## La derivada.

La derivada de una función  $f(x)$  en un punto  $x$  se define de manera que coincida con la pendiente de la recta tangente a la gráfica de  $f$  en  $x$  y se denota por:

$$\frac{df}{dx} \text{ o por } f'(x).$$

La definición formal se hace a través de un límite. Se consideran todas las rectas que pasan por los puntos  $(x, f(x))$  y  $(x+h, f(x+h))$  donde  $h$  es un número distinto de cero. Se trata de rectas secantes a la gráfica de  $f$ . La recta tangente a la gráfica de  $f$  en el punto  $(x, f(x))$  es la que pasa por ese punto y tiene como pendiente a:

$$\frac{df}{dx} = f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$$

José Luis Abreu León . (Diciembre 2014). Introducción al Cálculo La integral, la derivada y el teorema fundamental del Cálculo. 1 de Junio 2021, de Unidades interactivas para bachillerato desarrolladas por la Dirección General de Evaluación Educativa de la UNAM en colaboración con Instituto de Matemáticas y el Proyecto Arquímedes Sitio web:  
[http://objetos.unam.mx/matematicas/leccionesMatematicas/03/3\\_000/index.html](http://objetos.unam.mx/matematicas/leccionesMatematicas/03/3_000/index.html)