



**Nombre del alumno: Litzy Moreno Rojas**

**Nombre del profesor: Sergio Jiménez Ruiz**

**Nombre del trabajo: La integral como función primitiva o antiderivada**

**Materia: Biomatemáticas**

**Grado: 2° A**

# LA INTEGRAL COMO FUNCIÓN PRIMITIVA O ANTIDERIVADA.

## Objetivo:

- Obtener de forma inmediata la función primitiva o antiderivada de una función algebraica
- Obtener la integral indefinida inmediata de una función algebraica

## Conceptos básicos:

La función primitiva o antiderivada de una función  $f(x)$  es una función tal que al ser derivada nos genera la misma  $f(x)$ . Así pues,  $F(x)$  será una antiderivada de  $f(x)$  si  $F'(x) = f(x)$ .

En notación integral,  $F'(x) = f(x)$  se puede expresar como  $\int f(x) dx = F(x)$

Una función algebraica es aquella que puede expresarse mediante un número finito de términos usando las operaciones básicas de adición, sustracción, multiplicación, división, potenciación y radicación. Ejemplo:

$$f(x) = 3x^3 - 2x^2 + 4x - 2$$

## Procedimiento:

Funciones:  $f(x) = ax^n$  y  $g(x) = \frac{a}{n+1} x^{n+1}$

¿Que obtenemos de derivar  $g(x)$ ?

Tenemos que:

$$\frac{d}{dx} g(x) = (n+1) \frac{a}{n+1} x^{(n+1)-1} = ax^n = f(x)$$

Efectivamente, al derivar  $g(x)$  se obtiene  $f(x)$ . De tal forma que  $g(x)$  satisface la definición dada en los conceptos básicos y por lo tanto una antiderivada de  $f(x)$ .

El proceso seguido para encontrar la primitiva de una función se le conoce como integración indefinida. Es por la relación expuesta anteriormente que a la integración se le considera el inverso de la derivación.

La integral comparte, al ser inversa de la derivada, muchas propiedades con ésta, como por ejemplo:

a) la integral de una suma de funciones es la suma de las integrales de cada una de ellas. Por ejemplo:

$$\int (8x^2 - 3x^3) dx = \int 8x^2 dx - \int 3x^3 dx$$

b) la integral del producto de una constante por una función es igual a la constante por la integral de la función. Por ejemplo:

$$\int 8x^2 dx = 8 \int x^2 dx$$

Cabe hacer una observación importante. Una vez que se cuenta con una antiderivada o primitiva de una función original, a ésta se le puede sumar cualquier constante. Al derivar cualquier antiderivada más cualquier constante elegida, la derivada será siempre igual, esto es, la función original.

Por ello es importante notar que hay todo un conjunto de funciones que difieren entre sí por la constante, pero de todas son antiderivadas de la función original. A este conjunto se le conoce como integral indefinida.

Ejemplo:

Función algebraica:  $f(x) = 3.2x^{2.6} - 3.5x^{1.1} + 2.2x^3 + 0.2x^{3.6}$

Primer término:  $y(x) = 3.2x^{2.6}$

Dividimos por  $2.6 + 1$  y lo usamos como nuevo exponente:

$$y(x) = \frac{3.2}{2.6 + 1} x^{2.6 + 1} = 0.89x^{3.6}$$

Segundo término:  $y(x) = -3.5x^{1.1}$

Dividimos por  $1.1 + 1$  y lo usamos como nuevo exponente:

$$y(x) = \frac{-3.5}{1.1 + 1} x^{1.1 + 1} = -1.67x^{2.1}$$

Tercer término:  $y(x) = 2.2x^3$

Dividimos por  $3 + 1$  y lo usamos como nuevo exponente:

$$y(x) = \frac{2.2}{3 + 1} x^{3 + 1} = 0.55x^4$$

Cuarto término:  $y(x) = 0.2x^{3.6}$

Dividimos por  $3.6 + 1$  y lo usamos como nuevo exponente:

$$y(x) = \frac{0.2}{3.6 + 1} x^{3.6 + 1} = 0.04x^{4.6}$$

Aplicando la propiedad de que la integral de una suma es la suma de las integrales de cada sumando, el valor de esta integral sería:

$$F(x) = 0.89x^{3.6} - 1.67x^{2.1} + 0.55x^4 + 0.04x^{4.6}$$