



Nombre del alumno: Litzy Moreno Rojas

Nombre del profesor: Sergio Jiménez Ruiz

Nombre del trabajo: Limite de un infinito

Materia: Biomatemáticas

Grado: 2° A

Comitán de Domínguez Chiapas a 24 de Marzo del 2021

LÍMITE DE UN INFINITO

∞ No es un número específico, es la idea de un número que es muy grande.

$\lim_{x \rightarrow \infty}$ (Cuando la letra x se acerca a infinito)

$x = \infty$ (Número de estrellas)

Ejemplo:

• $\lim_{x \rightarrow \infty} 3x = \infty$ (3 multiplicado por ∞ el resultado es ∞)

• $\lim_{x \rightarrow \infty} x + 10 = \infty$

Ejemplo:

• $\lim_{x \rightarrow \infty} x^3 + x^5 = \infty$ (Infinito elevado da infinito)

• $\lim_{x \rightarrow \infty} -2x = -\infty$ (-2 multiplicado a ∞ se respeta que ∞ es positivo)

• $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{x} = 0$ (1 dividido entre ∞ no es posible por lo que el resultado es 0)

$$\frac{1}{1} = 1 \quad \frac{1}{2} = 0.5 \quad \frac{1}{10} = 0.1 \quad \frac{1}{1000} = 0.001$$

ENTRE MÁS GRANDE EL DIVISOR MÁS SE ACERCA A 0.

• $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{10}{x} = 0$ (Cualquier número dividido entre un número ∞ da 0)

• $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x}{5} = \infty$ (Infinito dividido entre cualquier número es ∞)

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x}{7} = \infty$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = b$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = b$$

La idea intuitiva que subyace en estas dos situaciones es la siguiente: si x se hace muy grande (o muy pequeño respectivamente) $f(x)$ se acerca a b . Nuestro objetivo es precisar en qué consisten las expresiones "hacerse grande", "hacerse pequeño" y "acercarse".

Decimos que b es el límite de la función $f(x)$ cuando x tiende a más infinito, cuando sea cual sea el valor del número positivo ϵ , es posible encontrar un número real, k , tal que si x es mayor que k , entonces las distancias entre $f(x)$ y b es menor que ϵ .

Simbólicamente esta definición se representa así:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = b \Leftrightarrow \forall \epsilon > 0 \exists k \in \mathbb{R} / x > k \Rightarrow |f(x) - b| < \epsilon$$

Que también suele ponerse de esta otra manera:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = b \Leftrightarrow \forall \epsilon > 0 \exists k \in \mathbb{R} / x > k \Rightarrow f(x) \in (b - \epsilon, b + \epsilon)$$

LÍMITE INFINITO (+)

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$$

La idea intuitiva de esta situación que cuando x se hace muy grande (o muy pequeño, respectivamente), $f(x)$ va creciendo indefinidamente, es decir, podemos hacer que $f(x)$ sea tan

grande como se quiera sin más que hacer que x crezca (o decrezca) lo suficiente.

De nuevo nos encontramos con conceptos algo ambiguos: "hacerse pequeño" y "hacerse grande".

Si el límite de $f(x)$ cuando x tiende a más infinito es más infinito, se cumple que sea cual sea el valor del número real k , es posible encontrar otro número real L , tal que si x es mayor que L , entonces $f(x)$ es mayor que k .

Decimos que el límite de la función $f(x)$ cuando x tiende a más infinito, cuando sea cual sea el valor del número real k , es posible encontrar otro número real L , tal que si x es mayor que L , entonces $f(x)$ es mayor que k .

Se representa así:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty \Leftrightarrow \forall k \in \mathbb{R} \exists L \in \mathbb{R} / x > L \Rightarrow f(x) > k$$

LÍMITE INFINITO (-)

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$$

$f(x)$ va decreciendo indefinidamente, es decir, podemos hacer que $f(x)$ sea tan pequeño como se quiera sin más que hacer que x crezca (o decrezca) lo suficiente.

Decimos que el límite de la función $f(x)$ cuando x tiende a más infinito es menos infinito, cuando sea cual sea el valor del número real k , es posible encontrar otro número real L , tal que si x es mayor que L , entonces $f(x)$ es menor que k .

Se representa así:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty \Leftrightarrow \forall k \in \mathbb{R} \exists L \in \mathbb{R} / x > L \Rightarrow f(x) < k$$

(Límites al infinito/ Introducción, 2018)

(Borrego, 2021)

Bibliografía

Borrego, J. L. (2021). *Descartes 2D*. Recuperado el 24 de Marzo de 2021, de Límites de funciones: límite en el infinito (definiciones):

http://recursostic.educacion.es/descartes/web/materiales_didacticos/Limites_de_funciones/def2.htm

Límites al infinito/ Introducción. (17 de Julio de 2018). Recuperado el 24 de Marzo de 2021, de <https://www.youtube.com/watch?v=mFFOqukc-wU>