



Nombre del alumno: Madrid Sánchez Luis Jaime

Nombre del profesor: Ojeda Trujillo Juan José

Nombre del trabajo: mapa conceptual

Materia: matemáticas aplicadas

Grado: sexto semestre

Grupo: "A"

PASIÓN POR EDUCAR

Integral de funciones

trigonómicas
inversas

logarítmicas y
exponenciales

funciones
hiperbólicas

funciones
hiperbólicas
inversa

Específicamente, son las inversas de las funciones seno, coseno, tangente, cosecante, secante y cotangente, y se utilizan para obtener un ángulo a partir de cualquiera de las relaciones trigonométricas angulares.

-Integrales de un logaritmo: Las integrales logarítmicas son las integrales más simples que nos podemos encontrar.
-Integrales de una exponencial: Las integrales exponenciales son las integrales que se hacen en torno al número de Euler (e), de las más importantes.

Las funciones hiperbólicas son análogas a las funciones ordinarias. Las funciones hiperbólicas básicas son: El seno hiperbólico $\operatorname{sh}x$. El coseno hiperbólico $\operatorname{ch}x$ de donde podemos derivar la tangente hiperbólica $\operatorname{th}x$.

correspondiente proporciona el ángulo hiperbólico. El tamaño del ángulo hiperbólico es igual al área del sector hiperbólico correspondiente de la hipérbola $xy = 1$, o el doble del área del sector correspondiente de la hipérbola unitaria $x^2 - y^2 = 1$

1) $f(x) = \operatorname{arc\,sen}(2x - 3)$

$$f'(x) = \frac{2}{\sqrt{1 - (2x - 3)^2}}$$

2) $f(x) = \operatorname{arc\,tg} 3x^2$

$$f'(x) = \frac{6x}{1 + 9x^4}$$

3) $f(x) = \operatorname{arc\,cos} x^2$

$$f'(x) = \frac{2x}{\sqrt{1 - (x^2)^2}} = -\frac{2x}{\sqrt{1 - x^4}}$$

$$\int \frac{x^2}{x^3 + 8} dx$$

Hacemos

$$u = x^3 + 8 \implies u' = 3x^2$$

Completamos la integral

$$\int \frac{x^2}{x^3 + 8} dx = \frac{1}{3} \int \frac{3x^2}{x^3 + 8} dx = \frac{1}{3} \ln(x^3 + 8) + c$$

1) $\int \operatorname{sh} \frac{x}{3} dx$

$$\int \operatorname{sh} \frac{x}{3} dx = \int \frac{3}{3} \operatorname{sh} \frac{x}{3} dx = 3 \int \frac{1}{3} \operatorname{sh} \frac{x}{3} dx = 3 \operatorname{ch} \frac{x}{3} + C$$

2) $\int \operatorname{ch} 5x dx$

$$\int \operatorname{ch} 5x dx = \int \frac{5}{5} \operatorname{ch} 5x dx = \frac{1}{5} \int 5 \operatorname{ch} 5x dx = \frac{1}{5} \operatorname{sh} 5x + C$$

EJERCICIO :

Determinar : $E = \operatorname{Tgh}(\operatorname{Ln}x) - \frac{x^2 - 1}{x^2 + 1}$

RESOLUCIÓN :

Como :

$$\operatorname{Tgh}x = \frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}} \implies \operatorname{Tgh}(\operatorname{Ln}x) = \frac{e^{\operatorname{Ln}x} - e^{-\operatorname{Ln}x}}{e^{\operatorname{Ln}x} + e^{-\operatorname{Ln}x}}$$

$$\implies \operatorname{Tgh}(\operatorname{Ln}x) = \frac{x - x^{-1}}{x + x^{-1}} = \frac{x^2 - 1}{x^2 + 1}$$