

Medidas de dispersión.

Lic. Magner Joel Herrera.

Alumno:

Francisco José Ramos Pérez.

Grupo, Semestre y Modalidad:

3^{ro}A, semi- domingo

Lugar: Frontera Comalapa, Chiapas.

Fecha: 19 de julio del año 2020

medidas de dispersión

Datos no agrupados o desagrupados.

Ejercicio 1 Los años de servicio de una muestra de 7 empleados en la oficina de reservas de stata son 2, 2, 4, 4, 5, 5 y 6. Determina la varianza, la desviación estándar y el coeficiente de variación

Formula

$$\sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n}$$

donde

σ^2 = varianza

σ = desviación estándar

x_i = datos

desviación estándar

$$\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})}{n}$$

$$\bar{x} = \text{media} = \frac{\sum x_i}{n}$$

n = Total de datos

$$\bar{x} = \sum x_i = 2 + 2 + 4 + 4 + 5 + 5 + 6 = 28$$

$$\frac{28}{7} = 4 \text{ media}$$

obtener la varianza.

$$\sigma^2 = \frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n}$$

$$\sigma^2 = \frac{(2-4)^2 + (2-4)^2 + (4-4)^2 + (4-4)^2 + (5-4)^2 + (5-4)^2 + (6-4)^2}{7}$$

$$\sigma^2 = \frac{4 + 4 + 0 + 0 + 1 + 1 + 4}{7}$$

$$\sigma^2 = \frac{14}{7} = 2$$

desviación estándar

$$\sigma = \sqrt{2}$$

$$1.41$$

Ejercicio 21 Datos agrupados puntualmente

Se presentan los datos de la edad de 10 estudiantes de una universidad. con estos datos calcula lo siguiente: la varianza, la desviación estándar y el coeficiente de variación

Edad x	f	$x \cdot f$	$(x - \bar{x})^2$	$f(x - \bar{x})^2$
21	1	21	2.89	2.89
22	4	88	0.49	1.96
23	3	69	0.09	0.27
24	1	24	1.69	1.69
25	1	25	5.29	5.29
Total	10	227		12.1

Formula

$$R^2 = \frac{\sum (x - \bar{x}) \cdot f}{n}$$
 encuentra promedio

$$\bar{x} = \frac{\sum x \cdot f}{n}$$

$$= \frac{227}{10}$$

$\bar{x} = 22.7$ promedio

$$(21 - 22.7)^2 = 2.89$$

$$(22 - 22.7)^2 = 0.49$$

$$(23 - 22.7)^2 = 0.09$$

$$(24 - 22.7)^2 = 1.69$$

$$(25 - 22.7)^2 = 5.29$$

como obtener $f(x - \bar{x})^2$

$$2.89 \times 1 = 2.89$$

$$0.49 \times 4 = 1.96$$

$$0.09 \times 3 = 0.27$$

$$1.69 \times 1 = 1.69$$

$$5.29 \times 1 = 5.29$$

Hallar varianza

$$R^2 = \frac{12.1}{10}$$

$$R^2 = 1.21 \text{ años varianza}$$

Desviación estándar
 sacar la raíz cuadrada
 a la varianza

$$R = \sqrt{1.21}$$

$$R = 1.1 \text{ años}$$

coeficiente de variación

$$Cv = \frac{R}{\bar{x}} \cdot 100$$

$Cv =$ desviación estándar / promedio

$$Cv = \frac{1.1}{22.7} = 0.048$$

en porcentajes multiplicar por 100

$$0.048 \times 100 =$$

$$4.8\%$$

Datos agrupados en intervalos
Ejercicio 3.

Los ingresos netos (millones de dólares) de una muestra de grandes importadores de antigüedades se organizan en la siguiente tabla de frecuencia. Halla la varianza de desviación estándar y el coeficiente de variación.

Ingreso neto	x	f	x*f	(x- \bar{x}) ²	f*(x- \bar{x}) ²
2-6	4	1	4	60.84	60.84
6-10	8	4	32	14.44	57.76
10-14	12	10	120	0.04	0.4
14-18	16	3	48	17.64	52.92
18-22	20	2	40	67.24	134.48
TOTAL		20	236		306.4

Promedio:

$$\bar{x} = \frac{\sum x \cdot f}{n}$$

$$\bar{x} = \frac{236}{20} = 11.8$$

$$s^2 = \frac{\sum (x - \bar{x})^2 \cdot f}{n - 1}$$

Para sacar (x - \bar{x})²

$$(4 - 11.8)^2 = 60.84$$

$$(8 - 11.8)^2 = 14.44$$

$$(12 - 11.8)^2 = 0.04$$

$$(16 - 11.8)^2 = 17.64$$

$$(20 - 11.8)^2 = 67.24$$

Halla varianza

$$s^2 = \frac{306.4}{20 - 1}$$

$$\frac{306.4}{19}$$

$$16.12$$

Para obtener la casilla

$$f \cdot (x - \bar{x})^2$$

multiplicar las casillas (x - \bar{x})² x f

$$14.44 \times 4 = 57.76$$

$$60.84 \times 1 = 60.84$$

$$0.04 \times 10 = 0.4$$

$$17.64 \times 3 = 52.92$$

$$67.24 \times 2 = 134.48$$

Halla desviación estándar

sacar raíz cuadrada a la varianza

$$\sqrt{16.12} = 4.01$$

coeficiente de variación

$$C_v = \frac{s}{\bar{x}} \cdot 100$$

$$\frac{4.01 \cdot 100}{11.8}$$

$$33.98$$

$$0.33 \times 100 = 33\%$$