



**Nombre del alumno: Johanne Joaquín  
Arriaga Díaz**

**Nombre del profesor: Herrera Ordoñez  
Magner Joel**

**Nombre del trabajo: Ecuaciones  
Diferenciales.**

**Materia: Ecuaciones diferenciales**

**Grado: Tercer cuatrimestre**

**Grupo: ISC13SDC0119-F**

Para que sirven las ecuaciones diferenciales:

\* **Análisis de poblaciones:** Por ejemplo en las bacterias por cada 100 en una hora surgen 10 más pero "el crecimiento es proporcional a la población" ¿Cuántas bacterias habrá en 3 horas? Usaremos las variables tiempo  $(t) = 1h$ , Población  $(P) = 110$  y velocidad  $(V) = 11$  pero hora en aumento en esa hora habrán  $t = 2h$ ,  $P = 121$  y  $V = 12.1$  por hora a los 3 horas habrán  $t = 3h$ ,  $P = 133.1$  y  $V = 13.31$ .

Pero si aplicamos una fórmula sería más práctico

\* **Ley de enfriamiento de Newton:**

Cuando un objeto caliente tiende a igualar la temperatura ambiente y queremos saber la temperatura en un tiempo determinado

\* **Analizar relación entre depredadores y presas:**

La relación es que entre más depredadores menos presas y viceversa.

\* **Analizar circuitos:**

Para medir corrientes en función del tiempo

\* **Calcular movimiento de objetos por sus variables**

\* **Transmisión de calor para saber la temperatura que alcanza algún objeto o cuerpo con algunas variables**

# \* Ecuación diferencial ordinaria E.D.O

DIA	MES	AÑO	FOLIO
-----	-----	-----	-------

Es una función con una variable

Ⓔ  $y' - 2x = 0$

$y'' + 5x - 2y = 0$

$\frac{dp}{dt} - kp = 0$

# \* Sistema de EDO

Son un conjunto de ecuaciones diferenciales de funciones con una variable

Ⓔ 
$$\begin{cases} 3x' + 2y + y' = t & x(t), y(t) \\ 2x + x' + 3y' = 1 \end{cases}$$

# \* Ecuaciones en derivadas parciales (EDP)

Es una ecuación de funciones de varias variables

Ⓔ  $u(x,t) = x^2 + 2t$

$\frac{\partial u}{\partial x} = 2x = \frac{\partial u}{\partial t} = 2$

$\frac{\partial u}{\partial x} = c \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = ut = cu_{xx}$

Una ecuación diferencial es una ecuación que relaciona a una función, sus derivadas y sus variables. Las funciones se representan en " $f(x)$ " o " $y$ ", las derivadas con " $f'(x)$ " o " $y'$ " y las variables con  $(x)$  u otros caracteres y un ejemplo de ecuación diferencial puede ser:

$$\textcircled{E} \quad f'(x) = 2f(x) + x \quad \Rightarrow \quad \frac{dy}{dx} = 2y + x$$

$$\textcircled{E} \quad xy'' - 5y' + 3 = 0$$

Resolver una ecuación diferencial significa encontrar la función (o funciones) que satisfacen la igualdad.

$\textcircled{E} \quad Y' - 2x = 0$	$= 2x - 2x = 0$	$Y = x^2 + c$	$Y = x^2 + c$
$Y = x^2$		$Y = 2x + 0 = 2x - 2x = 0$	$Y = x^2 + 0 = 2x - 2x = 0$
$Y' = 2x$		$Y = 2x$	$Y = x^2$

$\textcircled{E}$  Problema de valores inicial o de Cauchy

$$y' - 2x = 0 \Rightarrow y = x^2 = y(0) = 0^2 \quad y(0) = 0 \quad \text{No satisface}$$

$$y(0) = 1$$

$$\rightarrow y = x^2 + 1 = y(0) = 0^2 + 1 = y(0) = 1 \quad \text{si satisface}$$

$$Y =$$

$$\textcircled{1} \frac{dy}{dx} = 5xy, \quad \frac{dy}{dx} = -5xy, \quad dy = 5xy dx, \quad \frac{dy}{y} = -5x dx$$

$$\int \frac{dy}{y} = \int -5x dx = \ln y = -\frac{5x^2}{2} + c_1 = \ln y = \frac{5x^2}{2} + c_1, \quad y = e^{5x^2 + c_1}$$

$$y = e^{5x^2} \cdot e^{c_1} = \underline{\underline{y = ce^{\frac{5x^2}{2}}}}$$

$$\textcircled{2} \frac{dy}{dx} = \frac{7x}{3y}, \quad 3y dy = 7x dx, \quad \int 3y dy = \int 7x dx = \frac{3y^2}{2} = \frac{7x^2}{2} + c_1$$

$$3y^2 = 2\left(\frac{7x^2}{2} + c_1\right), \quad 3y^2 = \frac{7x^2}{3} + c_1, \quad y^2 = \frac{7x^2}{3} + c, \quad y = \pm \sqrt{\frac{7x^2}{3} + c}$$

$$\textcircled{3} y' = 5x, \quad \frac{dy}{dx} = 5x, \quad dy = 5x dx, \quad \int dy = \int 5x dx$$

$$\ln y = 5 \frac{x^2}{2} + c = \underline{\underline{y = \frac{5x^2}{2}}}$$