

**INSTRUCCIONES:** Contesta de forma clara, correcta y limpia los siguientes problemas.

Alumna: Ingrid Anzueto

1.- El extremo del diámetro de una circunferencia de centro P1 (7, -6) es P2 (2,2); hallar Las coordenadas P(x, y) del otro extremo.

1. El extremo del diámetro de una circunferencia de centro P1 (7, -6) es P2 (2,2); hallar las coordenadas P(x, y) del otro extremo.

$P_1$	$P_2$	$P_1$
$(x_1, y_1)$	$(x_2, y_2)$	$(x_2, y_2)$
$(-3, -2)$	$(2, 2)$	$(7, -6)$

$$x = \frac{x_1 + x_2}{2} \quad y = \frac{y_1 + y_2}{2}$$

$$2 = \frac{x_1 + 7}{2} \quad 2 = \frac{y_1 + (-6)}{2}$$

$$2(2) = x_1 + 7 \quad 2(2) = y_1 + (-6)$$

$$4 = x_1 + 7 \quad +4 = y_1 + (-6)$$

$$+4 - 7 = x_1 \quad +4 - 6 = y_1$$

$$\underline{-3 = x_1} \quad \underline{-2 = y_1}$$

2.- Hallar las coordenadas de los puntos que dividen en tres partes iguales al segmento formado por A (2, -4) y B (8, 12); determinar el punto medio.

2: Hallar las coordenadas de los puntos que dividen en tres partes iguales al segmento formado por A(2, -4) y B(8, 12); Para determinar el punto medio.

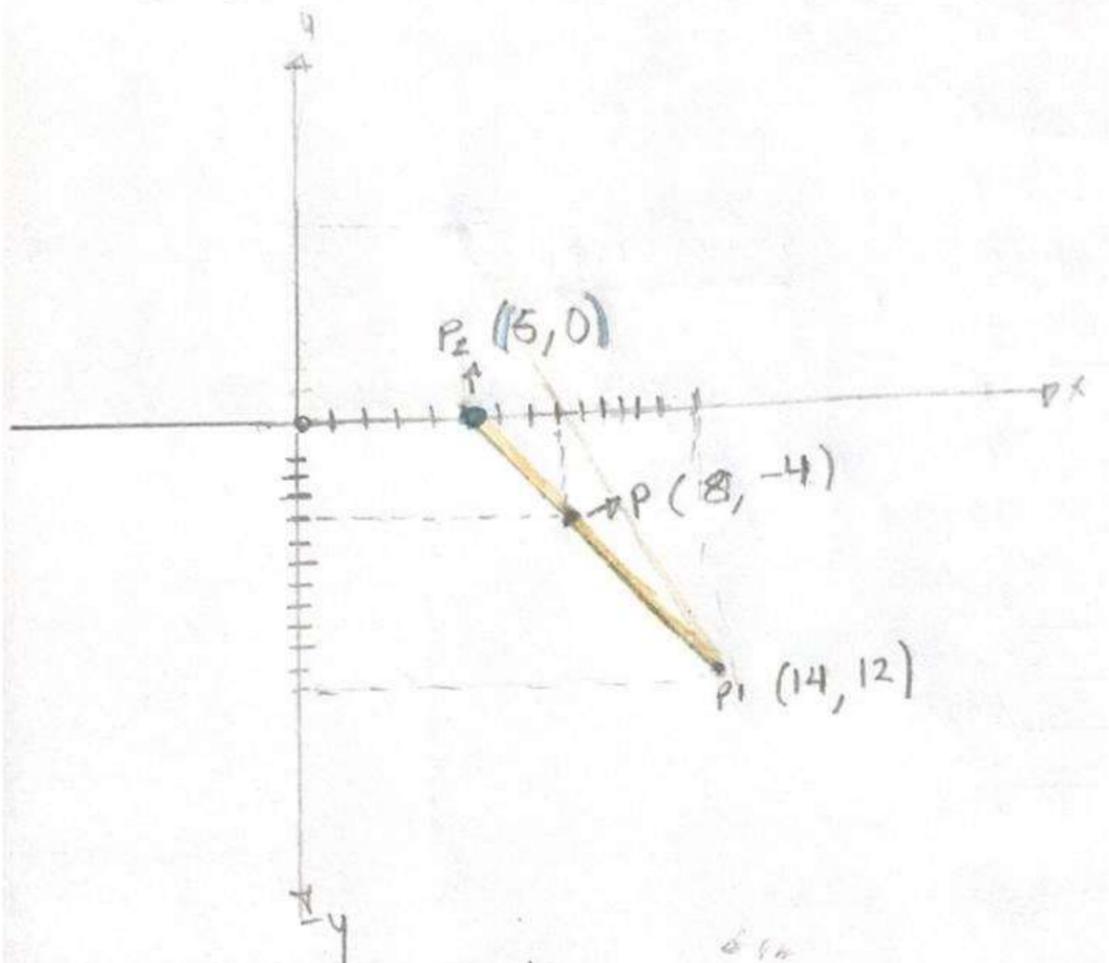
$$PM \left( \frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2} \right)$$

$$PM \left( \frac{2 + 8}{2}, \frac{-4 + 12}{2} \right)$$

$$PM \left( \frac{10}{2}, \frac{8}{2} \right)$$

$$PM(5, 4)$$

3.- Se sabe que el punto P (8,-4) divide al segmento que se determina por los punto P1 (14, -12) y P2(x2, y2) en la relación r=2 hallar las coordenadas de P2.



$P(8, -4)$     $P_1(14, -12)$   
 $x$     $y$     $x_1$     $y_1$

$$x = \frac{x_1 + r x_2}{1+r}$$

$$8 = \frac{14 + (2)x_2}{3}$$

$$8(3) = 14 + 2x_2$$

$$24 - 14 = 2x_2$$

$$10 = 2x_2$$

$$\frac{10}{2} = x_2$$

$$\underline{5 = x_2}$$

$$y = \frac{y_1 + r y_2}{1+r}$$

$$-4 = \frac{-12 + (2)y_2}{3}$$

$$-4(3) = -12 + 2y_2$$

$$-12 + 12 = 2y_2$$

$$0 = 2y_2$$

$$\underline{y_2 = 0}$$

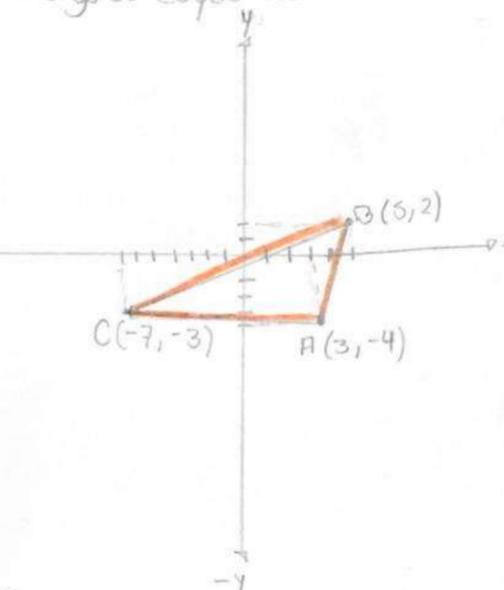
$$\frac{0}{2} = y_2$$

$$\underline{0 = y_2}$$

4.- Hallar el área, perímetro y semiperímetro para los siguientes triángulos cuyas coordenadas de los vértices son:

- 1) A(3, -4) B(5, 2) C(-7, -3)      2) D(-4, -1) E(-2, -6) F(5, -2)

4. Hallar el área, perímetro y semiperímetro para los siguientes triángulos cuyas coordenadas de los vértices son:



**AREA:**

$$A = \frac{1}{2} \begin{vmatrix} 3 & -4 \\ 5 & 2 \\ -7 & -3 \\ 3 & -4 \end{vmatrix}$$

$$A = \frac{1}{2}(6 + 15 + 28) - (-9 + 14 + 20)$$

$$A = \frac{1}{2}(19) - (-43) = \frac{1}{2}(-24)$$

$$A = -12 \text{ u}^2$$

**PERIMETRO:**  $d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$

AB = A(3, -4) B(5, 2)

$$d_{AB} = \sqrt{(5-3)^2 + (2-(-4))^2}$$

$$d_{AB} = \sqrt{(5-3)^2 + (2+4)^2}$$

$$d_{AB} = \sqrt{(2)^2 + (6)^2}$$

$$= \sqrt{4 + 36} = \sqrt{40} = d_{AB} = 6.3$$

BC = B(5, 2) C(-7, -3)

$$d_{BC} = \sqrt{(-7-5)^2 + (-3-2)^2}$$

$$= \sqrt{(-12)^2 + (-5)^2}$$

$$= \sqrt{144 + 25} = \sqrt{169} = d_{BC} = 13.0$$

CA = C(-7, -3) A(3, -4)

$$d_{CA} = \sqrt{(3-(-7))^2 + (-4-(-3))^2}$$

$$= \sqrt{(10)^2 + (-1)^2}$$

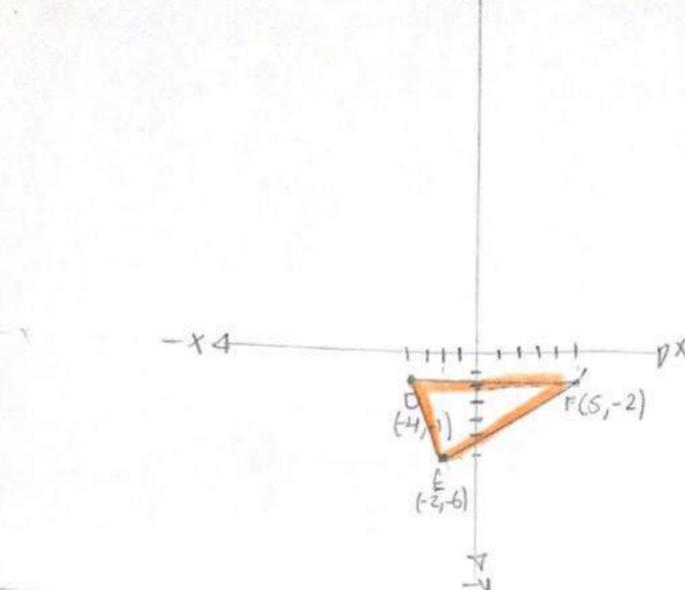
$$= \sqrt{100 + 1} = \sqrt{101} = d_{CA} = 10.0$$

$P = 6.3 + 13.0 + 10.0$

$P = 29.3$

$P = \frac{29.3}{2}$

$P = 14.65$



**AREA:**

$$A = \frac{1}{2} \begin{vmatrix} -4 & -1 \\ -2 & -6 \\ 5 & -2 \\ -4 & -1 \end{vmatrix}$$

$$A = \frac{1}{2}(24 + 4 - 5) - (8 - 30 + 2)$$

$$A = \frac{1}{2}(23) - (-20) = \frac{1}{2}(3)$$

$$A = 1.5 \text{ u}^2$$

**PERIMETRO:**

$$d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

dDE = D(-4, -1) E(-2, -6)

$$d_{DE} = \sqrt{(-2-(-4))^2 + (-6-(-1))^2}$$

$$= \sqrt{(2)^2 + (-5)^2}$$

$$= \sqrt{4 + 25} = \sqrt{29} = d_{DE} = 5.3$$

dFD = F(5, -2) D(-4, -1)

$$d_{FD} = \sqrt{(-4-5)^2 + (-1-(-2))^2}$$

$$= \sqrt{(-9)^2 + (1)^2}$$

$$= \sqrt{81 + 1} = \sqrt{82} = d_{FD} = 9.0$$

dEF = E(-2, -6) F(5, -2)

$$d_{EF} = \sqrt{(5-(-2))^2 + (-2-(-6))^2}$$

$$= \sqrt{(7)^2 + (4)^2}$$

$$= \sqrt{49 + 16} = \sqrt{65} = d_{EF} = 8.0$$

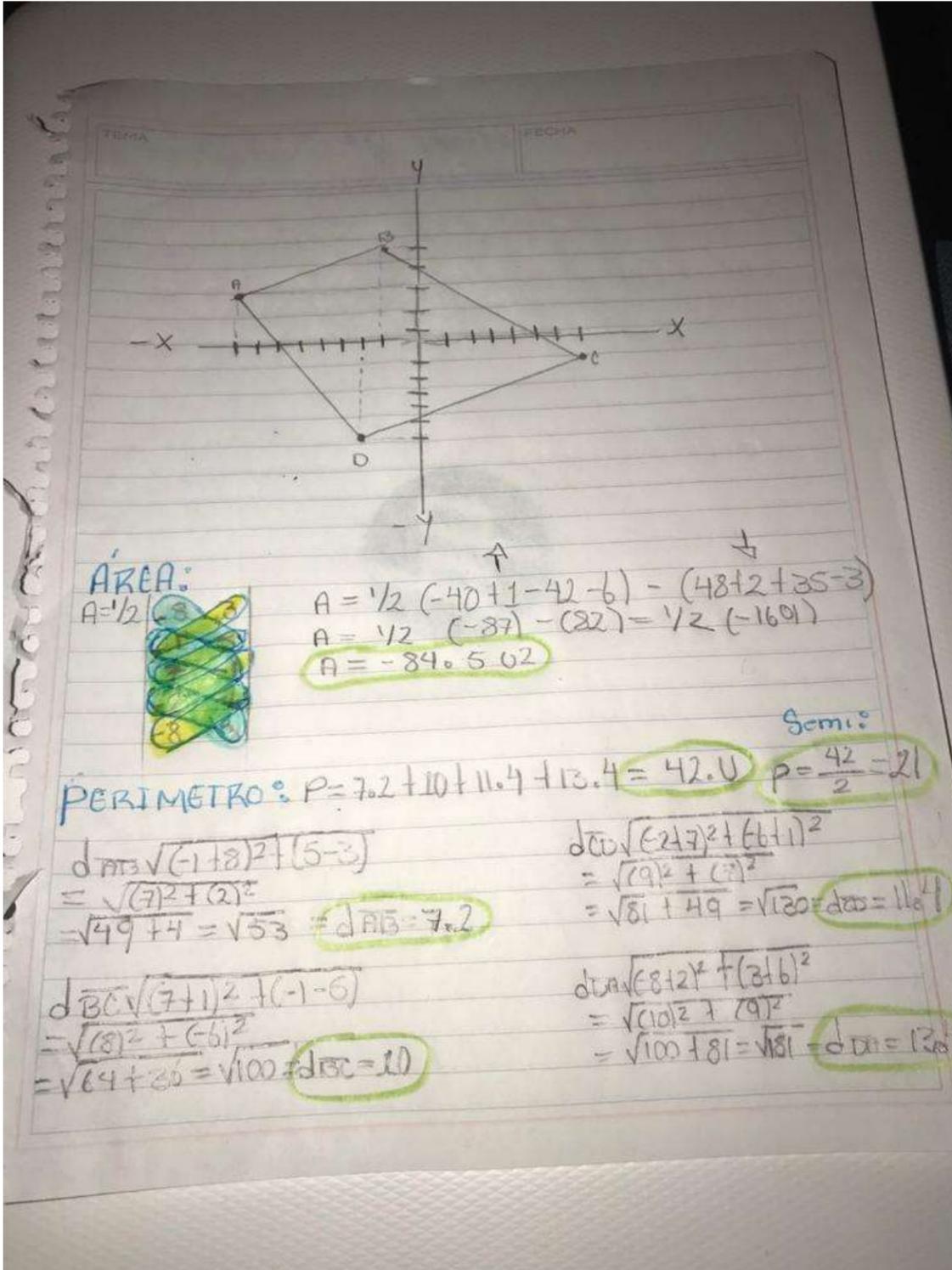
$P = 5.3 + 8.0 + 9.0$

$P = 22.3$

$P = \frac{22.3}{2}$

$P = 11.15$

5.- Hallar el área, perímetro y semiperímetro del polígono si las coordenadas de sus vértices son: A (-8,3), B (-1, 5), C (7, -1), D (-2, -6).



6.- Demuestra que las rectas que unen los puntos medios de los lados del triángulo cuyos vértices son: A (-1, 5), B (-4, -6), C (-8, -2), dividen a dicho triángulo en cuatro triángulos de áreas iguales.

