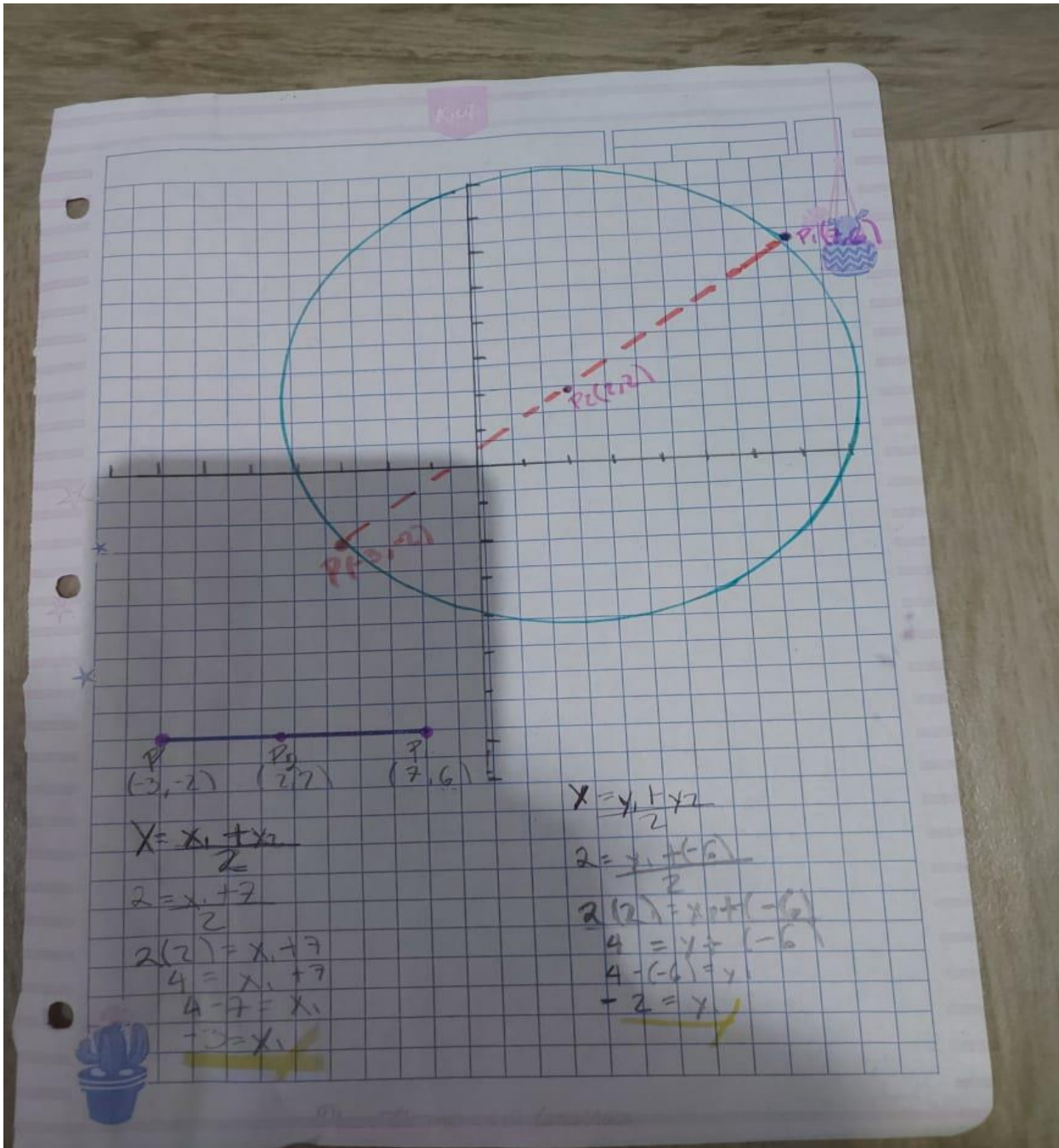


EXAMEN

INSTRUCCIONES: CONTESTA LOS SIGUIENTES PROBLEMAS

- 1) El extremo del diámetro de una circunferencia de centro $P_1(7,6)$ ES $P_2(2,2)$; hallar las coordenadas $P(x,y)$ del otro extremo.



- 2) Hallar las coordenadas de los puntos que dividen en tres partes iguales al segmento formado por A (2,-4) y B(8-12); determinar el punto medio.

Razón

$$X = \frac{x_1 + r \cdot x_2}{1+r} \quad ; \quad Y = \frac{y_1 + r \cdot y_2}{1+r}$$

$$X = \frac{2 + \frac{1}{2} \cdot 8}{1 + \frac{1}{2}} = \frac{2 + 4}{\frac{3}{2}} = \frac{6}{\frac{3}{2}} = \frac{6 \cdot 2}{3} = 4$$

$$Y = \frac{-4 + \frac{1}{2} \cdot 12}{1 + \frac{1}{2}} = \frac{-4 + 6}{\frac{3}{2}} = \frac{2}{\frac{3}{2}} = \frac{2 \cdot 2}{3} = \frac{4}{3}$$

$$R_1 = (4, 1.33)$$

$$r = 2$$

$$X = \frac{2 + 2 \cdot 8}{1+2} = \frac{2+16}{3} = \frac{18}{3} = 6$$

$$Y = \frac{-4 + 2 \cdot 12}{1+2} = \frac{-4+24}{3} = \frac{20}{3} = 6.66$$

$$R_2 = (6, 6.66)$$

Punto Medio

$$A(2, -4) \quad B(8, 12)$$

$$x_1 \quad x_2 \quad y_1 \quad y_2$$

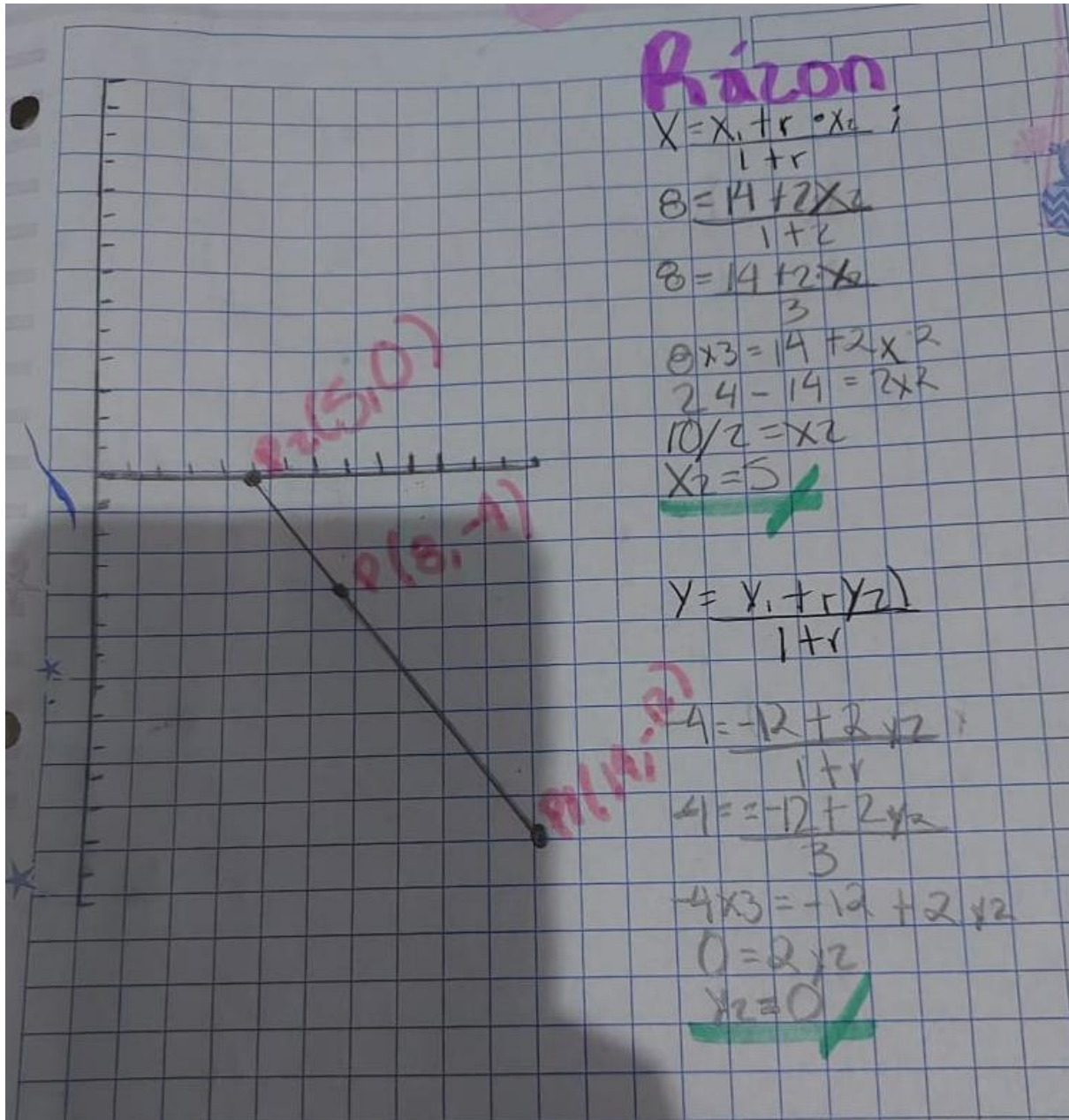
$$x_m = \frac{x_1 + x_2}{2} \quad y_m = \frac{y_1 + y_2}{2}$$

$$x_m = \frac{2+8}{2} = \frac{10}{2} = 5$$

$$y_m = \frac{-4+12}{2} = \frac{8}{2} = 4$$

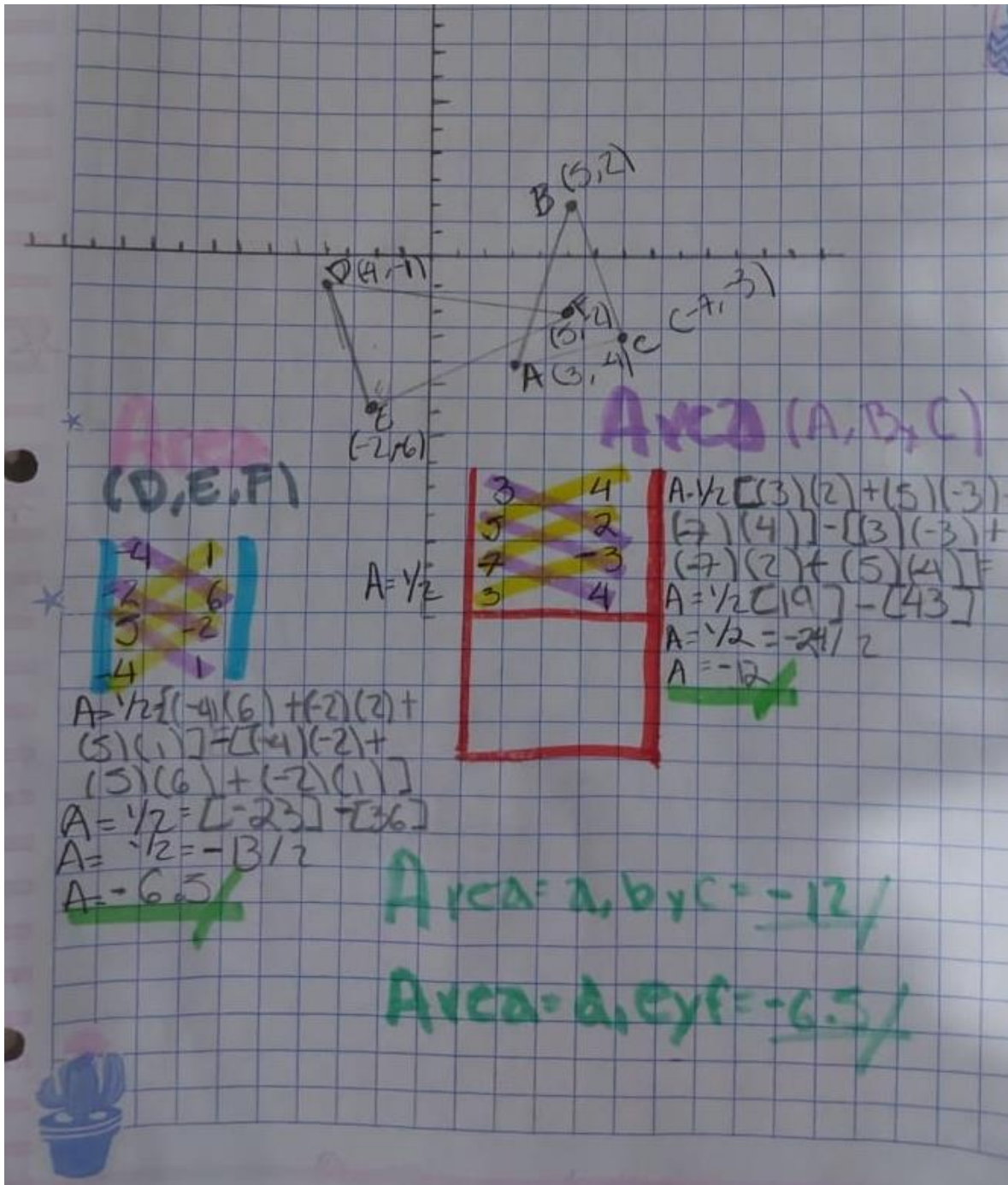
Pm = (5, 4)

- 3) Se sabe que el punto $P(8,-4)$ divide al segmento que se determina por los puntos $P_1(14,-12)$ y $P_2(x_2,y_2)$ en la relación $r=2$ hallar las coordenadas de p_2 .



4) Hallar el área, perímetro y semiperímetro para los siguientes triángulos cuyas coordenadas de los vértices son:

- A (3,-4) B (5,2) C (-7,-3)
- D (-4,-1) E (-2,-6) F (5,-2)



Perimetro

$$d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

$$\begin{aligned} d_{AB} &= \sqrt{(5+3)^2 + (2+4)^2} \\ &= \sqrt{(8)^2 + (6)^2} \\ &= \sqrt{64 + 36} \\ &= \sqrt{100} = 10 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} d_{BC} &= \sqrt{(-7+5)^2 + (-3-2)^2} \\ &= \sqrt{(-2)^2 + (-5)^2} \\ &= \sqrt{4 + 25} \\ &= \sqrt{29} \approx 5.4 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} d_{CA} &= \sqrt{(3+(-2))^2 + (4-(-3))^2} \\ &= \sqrt{(1)^2 + (7)^2} \\ &= \sqrt{1 + 49} \\ &= \sqrt{50} \approx 7.1 \end{aligned}$$

Perimetro

$$\begin{aligned} A, B, C &= 49.84 \\ \text{Semi} &= 24.92 \end{aligned}$$

* Perimetro D, E, y F

$$\begin{aligned} d_{DE} &= \sqrt{(-2+(-4))^2 + (-6-(-1))^2} \\ &= \sqrt{(-6)^2 + (-5)^2} \\ &= \sqrt{36 + 25} \\ &= \sqrt{61} \approx 7.8 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} d_{EF} &= \sqrt{(5+(-2))^2 + (-2-(-6))^2} \\ &= \sqrt{(3)^2 + (4)^2} \\ &= \sqrt{9 + 16} \\ &= \sqrt{25} = 5 \end{aligned}$$

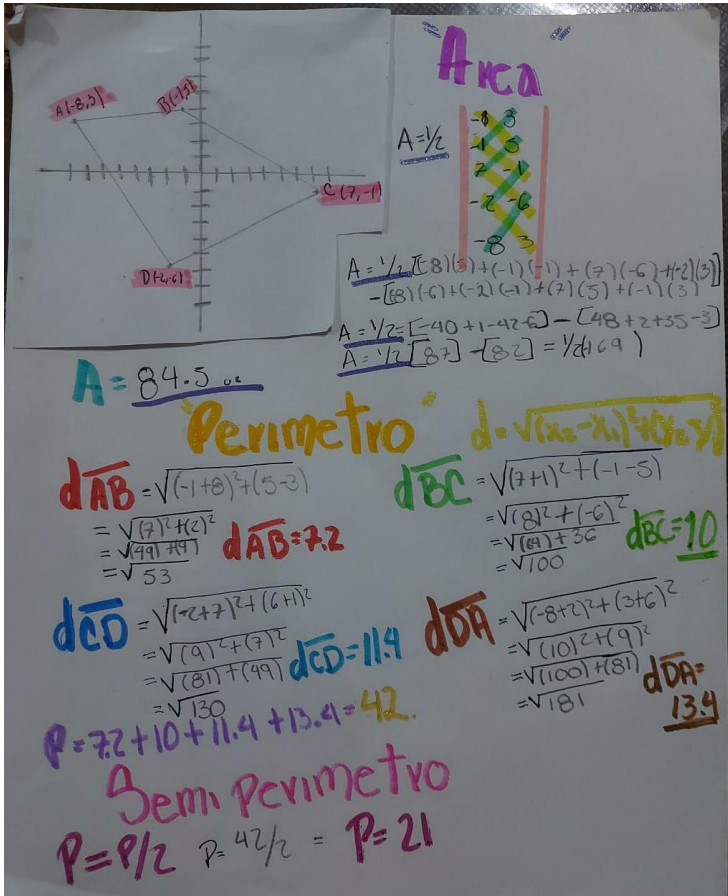
$$\begin{aligned} d_{FD} &= \sqrt{(-4+5)^2 + (-1-(-2))^2} \\ &= \sqrt{(1)^2 + (1)^2} \\ &= \sqrt{1 + 1} \\ &= \sqrt{2} \approx 1.4 \end{aligned}$$

Perimetro

$$D, E, F = 24.8$$

$$\text{Semi Perimetro} = 12.4$$

- 5) Hallar el área, perímetro y semiperímetro del polígono si las coordenadas de sus vértices son: A (-8,-2) B (-1,5) C (7,-1) D (-2,-6)



AREA: 84.5

PERIMETRO: 42

SEMI PERIMETRO: 21

- 6) Demuestra que las rectas que unen los puntos medios de los lados del triángulo cuyo vértices son: (-11,5) B (-4,-6) C (8,-2), dividen a dicho triángulo en cuatro triángulos de área iguales

