



**Nombre de alumnos: Emma Yareni.**

**Nombre del profesor: José Roberto Qiroli.**

**Nombre del trabajo: investigación.**


**Materia: trigonometría.**

**PASIÓN POR EDUCAR**

**Grado: 2do semestre.**

**Grupo: “U”**

Pichucalco, Chiapas a 3 de julio de 2020.



-Signo de las funciones trigonométricas en el plano cartesiano.

-tabla de signo.

-funciones trigonométricas para ángulos mayores de  $90^\circ$ .

## Signo de las funciones trigonométricas en el plano cartesiano.

**Funciones trigonométricas:** básicas, en el **plano cartesiano**, ejemplos, ejercicio. Las **funciones trigonométricas** de variable real hacen corresponder a un ángulo cualquiera (expresado en en radianes), una razón **trigonométrica**, que puede ser seno, coseno, tangente, cotangente, secante y cosecante.

### tabla de signo.


cuadrante razones	I	II	III	IV
Seno	+	+	-	-
Coseno	+	-	-	+
Tangente	+	-	+	-
Cotangente	+	-	+	-
Secante	+	-	-	
Cosecante	+	+	-	-

funciones trigonométricas para ángulos mayores de  $90^\circ$ .

“Astrónomos” introdujo dos formas de describir la posición de un punto P en un plano (p.e. una hoja de papel): las coordenadas **cartesianas**(x,y) y las **polares** (r,  $\varphi$ ).

Ambas usan como referencia un punto O (“origen”) y un línea recta a través de él (“el eje x”). En las coordenadas **cartesianas** se dibuja un segundo “eje y” por O, perpendicular al primero, y se dibujan desde P unas líneas paralelas a los ejes, que cortan los ejes en los puntos A y B del dibujo. Las distancias OA y OB nos dan los números que definen P, las **coordenadas x , y** del punto.

En coordenadas **polares**, el punto P se define por su **distancia** r desde el origen O (vea el dibujo) y su **ángulo polar** (“azimuth” en un mapa) entre el eje de las x y el “radio”  $r = OA$ , medido antidextrogiro (hacia la izquierda).



## signo de las funciones trigonométricas en el

De acuerdo con el cuadrante en que se halle el lado terminal del ángulo y teniendo en cuenta que la distancia de un punto cualquiera al origen de coordenadas (radio vector) es siempre positiva, y aplicando la "ley de los signos", las funciones trigonométricas pueden ser positivas o negativas.

El seno de un ángulo  $\alpha$  de un triángulo rectángulo se define como la razón entre el cateto opuesto ( $a$ ) y la hipotenusa ( $c$ ). Es una de las razones trigonométricas. Se llaman razones porque se expresan como el cociente de dos de los lados del triángulo rectángulo. Su abreviatura son sen o sin (del latín sinus).


La cotangente es la razón trigonométrica recíproca de la tangente. ... La cotangente de un ángulo  $\alpha$  de un triángulo rectángulo se define como la razón entre el cateto contiguo o cateto adyacente ( $b$ ) y el cateto opuesto ( $a$ ). Su abreviatura es cot, cotg o cotan.

Coseno. En un triángulo rectángulo, es la longitud del lado adyacente dividida por la longitud de la hipotenusa. La abreviatura es cos. Ejemplo: en un triángulo con lados de 3, 4 y 5, el coseno del ángulo donde se encuentran los lados de longitud 4 y 5 es  $4/5$ .

Secante, por su parte, es un concepto que, en la geometría, refiere a la superficie o la línea que interseca otra superficie o línea. Una recta secante, por lo tanto, es aquella que corta otra recta o una curva.

La tangente de un ángulo  $\alpha$  de un triángulo rectángulo se define como la razón entre el cateto opuesto ( $a$ ) y el cateto contiguo o cateto adyacente ( $b$ ).

La cosecante es la razón trigonométrica recíproca del seno. Es el recíproco o el inverso multiplicativo del seno, es decir  $\csc \alpha \cdot \sin \alpha = 1$ . La cosecante del ángulo  $\alpha$  de un triángulo rectángulo se define como la razón entre la hipotenusa ( $c$ ) y el cateto opuesto ( $a$ ). Su abreviatura es csc o cosec.





## TABLA DE SIGNOS

↓

$(+) \cdot (+)$

↓

(+) (el resultado de una operación dos números positivos es positivo)

↓

$(-) \cdot (-)$

↓

(+) (el resultado de una operación número negativo y uno negativo es positivo)

↓


(-) (el resultado de una operación número negativo y uno positivo es negativo)

↓

$(+) \cdot (-)$


↓

(-) (el resultado de una operación número positivo y uno negativo es negativo)







## funciones trigonométricas para ángulos mayores de $90^\circ$




El ángulo  $f$  tal y como se ha definido anteriormente puede ir desde  $0$  a  $360^\circ$ , pero  $(\text{sen}f, \text{cos}f)$  están definidos para  $0$  a  $90^\circ$ , cubriendo solo la parte del plano donde  $x$  e  $y$  son positivas. Cuando uno o ambos son negativos, el ángulo  $f$  es mayor de  $90$  grados, y esos ángulos nunca aparecen en ningún triángulo rectángulo



Si  $(x,y)$  son positivos, el resultado es exactamente el mismo que para los ángulos dentro de un triángulo rectángulo. Pero también es válido para ángulos mayores. Ahora el seno y el coseno pueden ser negativos (como  $x$  e  $y$ ) pero su magnitud no puede exceder de  $1$ , debido a que la magnitud de  $x$  e  $y$  nunca es mayor que  $r$ .



Permitiendo ir a la línea  $OP$  alrededor del origen más de una vez hace crecer al ángulo  $f$  más de  $360^\circ$ ; el seno y el coseno se siguen definiendo como  $y/r$  e  $x/r$ , y repite sus valores anteriores. Igualmente, girando  $OA$  en la dirección opuesta, a derechas, se definen valores negativos de  $f$ . Conjuntamente, esas extensiones definen los  $(\text{sen}f, \text{cos}f)$  para cualquier ángulo  $f$ , positivo o negativo, de cualquier medida.

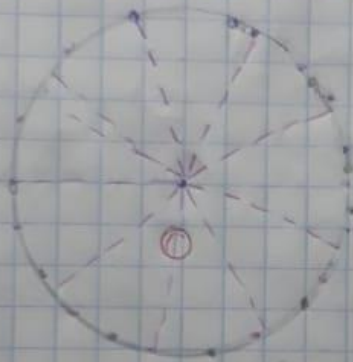




# Círculo y Circunferencia.

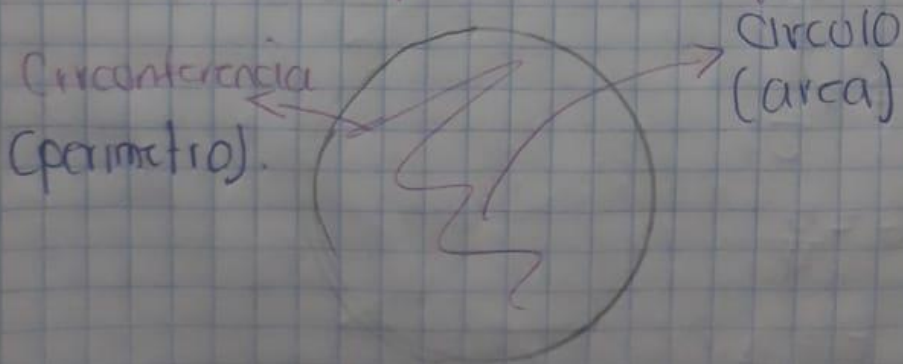
## Circunferencia

Es una curva plana y cerrada cuyo punto equidista (tiene la misma distancia) de un punto fijo llamado centro.



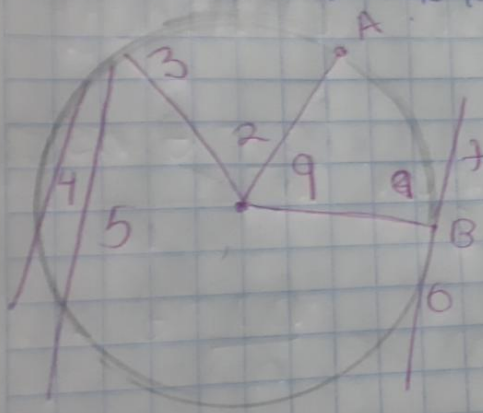
## Círculo

Es la Superficie plana limitada por la circunferencia.





# Elementos de la circunferencia



- 1. Centro
  - 2. Radio
  - 3. Diámetro =  $2r$
  - 4. cuerda
  - 5. secante
  - 6 punto de tangencia  $\rightarrow$
  - 7. Línea tangente
  - 8 Arco  $\rightarrow$  AB
  - 9. sector
- Circunferencia

# Área y Volumen

Prisma recto.

2 caras paralelas iguales **BASES**.

Las caras laterales son rectángulos.



Las caras deben estar exactamente paralelas e iguales.



Rectángulo.

$$V = A_b \cdot h$$



Área de la base

$h$

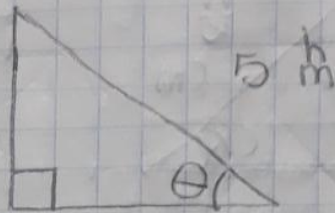


la altura

# Funciones trigonométricas.

$$\text{Sen } \theta = \frac{\text{co}^{\text{op}}}{h}$$

3  
co



$$\text{Cos } \theta = \frac{\text{ca}}{h}$$

$$\text{tan } \theta = \frac{\text{co}}{\text{ca}}$$

$$\bullet \text{ Sen } \theta = \frac{3}{5}$$

$$\bullet \text{ Cos } \theta = \frac{4}{5}$$

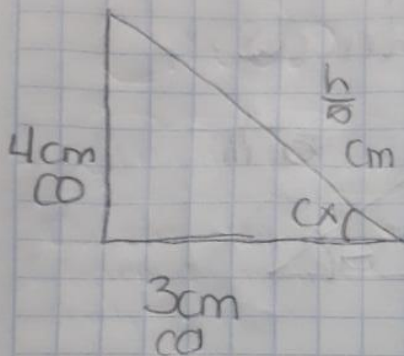
$$\text{tan } \theta = \frac{3}{4}$$

$$\text{csc } \theta = \frac{5}{3}$$

$$\text{sec } \theta = \frac{5}{4}$$

$$\bullet \text{ csc } \theta = \frac{h}{\text{co}}$$

$$\text{cot } \theta = \frac{\text{ca}}{\text{co}}$$



$$h^2 = a^2 + b^2$$

$$|h| = \sqrt{(3\text{cm})^2 + (4\text{cm})^2}$$

$$h = \sqrt{9\text{cm}^2 + 16\text{cm}^2}$$

$$\sqrt{25\text{cm}}$$

$$h = 5\text{ cm}$$

$$\text{Sen } \alpha = \frac{\text{CO}}{h} = \frac{4}{5} = 0,8$$

$$\text{csc } \alpha = \frac{h}{\text{CO}} = \frac{5}{4} = 1,25$$

$$\text{cos } \alpha = \frac{\text{CO}}{h} = \frac{3}{5} = 0,6$$

$$\text{sec } \alpha = \frac{h}{\text{CO}} = \frac{5}{3} = 1,6$$

$$\text{tan } \alpha = \frac{\text{CO}}{\text{CO}} = \frac{4}{3} = 1,3$$

$$\text{cot } \alpha = \frac{\text{CO}}{\text{CO}} = \frac{3}{4} = 0,75$$