

# Biomatemáticas

Dr. Sergio Jiménez Ruiz

# Cálculo de límites

Dr. Sergio Jiménez Ruiz

Las **funciones** matemáticas se utilizan en otros ámbitos, por ejemplo, para calcular los beneficios o los costes de una empresa, la velocidad o aceleración de un móvil, etc., por lo que es importante conocer el comportamiento de una función.

Por ejemplo, la siguiente función no está definida en  $x = 0$  ni en  $x = -1$  (porque no se puede dividir entre 0):

$$f(x) = \frac{1}{x(x+1)}$$

Por ejemplo, la siguiente función no está definida en  $x = 0$  ni en  $x = -1$  (porque no se puede dividir entre 0):

$$f(x) = \frac{1}{x(x+1)}$$

## Introducción

Además de ayudarnos a visualizar la gráfica de la función, los límites también se utilizan para estudiar otras propiedades, como la continuidad de una función, la diferenciabilidad, etc.

# Concepto de límite

Dada una función  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  y un punto  $x_0 \in \mathbb{R}$ , el límite de  $f$  cuando  $x$  tiende a  $x_0$  se representa como

$$\lim_{x \rightarrow x_0} f(x)$$

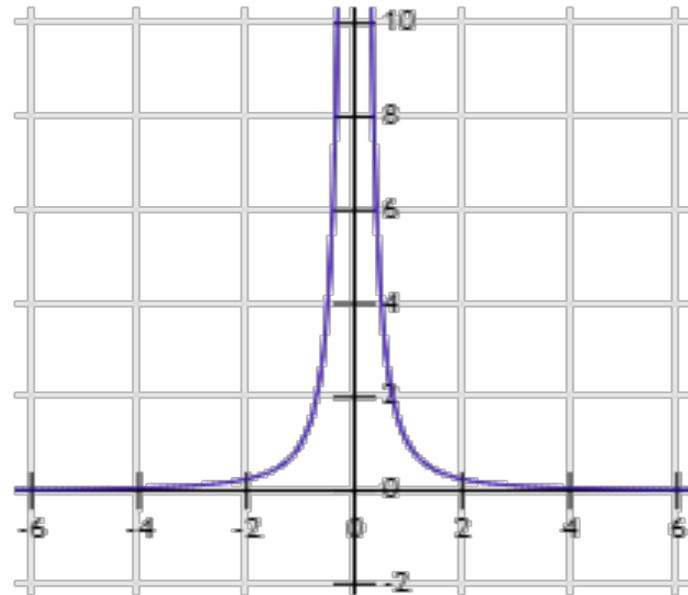
En un principio, este límite **es el valor que toma  $f$  en el punto  $x_0$** , es decir,  $f(x_0)$ . Si  $f(x_0)$  no existe (por ejemplo, cuando  $x_0$  anula el denominador de  $f$ ), entonces el límite es el valor al que  $f$  se aproxima cuando  $x$  se aproxima a  $x_0$ .

Por ejemplo, sea la función

$$f(x) = \frac{1}{x^2}$$

# Concepto de límite

No existe  $f(0)$ , pero cuanto más se aproxima  $x$  a  $0$ , la función crece más y más, como podemos observar en la gráfica:



Por tanto, el límite de  $f$  cuando  $x$  tiende a  $0$  es infinito:

$$\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = +\infty$$

**GRACIAS**

Fuente: